

FACULTAD DE INGENIERÍA

Escuela Académico Profesional de Ingeniería Industrial

Tesis

Propuesta de rutas optimizadas para el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja en el año 2018

Frank Antony Rivera Rodríguez

Para optar el Título Profesional de Ingeniero Industrial

Huancayo, 2019

Repositorio Institucional Continental Tesis digital



Obra protegida bajo la licencia de Creative Commons Atribución-NoComercial-SinDerivadas 2.5 Perú

ASESOR

Javier Romero Meneses

AGRADECIMIENTO

Agradezco a la Universidad Continental por la formación académica brindada, para ser un profesional competente y con valores dentro de la sociedad.

A la Municipalidad Provincial de Jauja por facilitarme la información necesaria para realizar la investigación.

A mi asesor Javier Romero Meneses por brindarme el apoyo y los conocimientos para lograr el desarrollo de la investigación.

Finalmente agradezco a todas las personas que me alentaron a culminar este trabajo, especialmente para mi novia, Lorena, que siempre estuvo presente para brindarme su apoyo incondicional a pesar de las adversidades.

DEDICATORIA

Este trabajo está dedicado a mis padres, a mi padre Flaviano y mi madre Carmen, por enseñarme a ser perseverante y enfrentar cada reto que se presente en mi vida.

ÍNDICE

| PORTADA | |
|---|----------|
| ASESOR | |
| AGRADECIMIENTO | |
| DEDICATORIA | |
| ÍNDICE | |
| LISTA DE TABLAS | |
| LISTA DE FIGURAS | |
| RESUMEN | |
| ABSTRACT | |
| INTRODUCCIÓN | |
| CAPÍTULO I PLANTEAMIENTO DEL PROBLEMA | 12 |
| 1.1. PLANTEAMIENTO Y FORMULACIÓN DEL PROBLEMA | |
| 1.1.1. PLANTEAMIENTO DEL PROBLEMA | |
| 1.1.2. FORMULACIÓN DEL PROBLEMA | |
| 1.2. OBJETIVOS | |
| 1.2.1. Objetivo general | |
| 1.2.2. Objetivos específicos | |
| 1.3. JUSTIFICACIÓN E IMPORTANCIA | 17 18 |
| 1.3.1. Importancia | |
| 1.4. HIPÓTESIS Y DESCRIPCIÓN DE VARIABLES | 10 |
| 1.4.1. HIPÓTESIS DE INVESTIGACIÓN | |
| 1.4.2. HIPÓTESIS ESPECÍFICAS | |
| 1.4.2. HIPOTESIS ESPECIFICAS | |
| 1.5.1. Operacionalización | |
| CAPÍTULO II MARCO TEÓRICO | |
| 2.1 ANTECEDENTES DE LA INVESTIGACIÓN. | |
| 2.1.1. ARTÍCULOS CIENTÍFICOS | |
| | |
| 2.1.1 TESIS | |
| _ | |
| | |
| | |
| CAPÍTULO III METODOLOGÍA | |
| 3.1. MÉTODO Y ALCANCES DE LA INVESTIGACIÓN | |
| 3.1.1. MÉTODO DE LA INVESTIGACIÓN | |
| 3.1.2. ALCANCES DE LA INVESTIGACIÓN | |
| 3.2. DISEÑO DE LA INVESTIGACIÓN | |
| 3.2.1. TIPO DE DISEÑO DE INVESTIGACIÓN | |
| 3.3. POBLACIÓN Y MUESTRA | |
| 3.3.1. POBLACIÓN | |
| 3.3.2. MUESTRA | |
| 3.4. TÉCNICAS E INSTRUMENTOS DE RECOLECCIÓN Y ANÁLISIS DE DATOS | |
| 3.4.1. TÉCNICAS UTILIZADAS EN LA RECOLECCIÓN DE DATOS | |
| 3.4.2. INSTRUMENTOS UTILIZADOS EN LA RECOLECCIÓN DE DATOS | |
| CAPÍTULO IV RESULTADOS Y DISCUSIÓN | |
| 4.1. GENERALIDADES | |
| 4.1.1. MUNICIPALIDAD PROVINCIAL DE JAUJA | |
| 4.1.2. INFORMACIÓN DEL ÁREA DE ESTUDIO | |
| 4.1.3. ESTADO ACTUAL DEL RECOJO DE RESIDUOS SÓLIDOS | |
| 4.2. CONSUMO DE COMBUSTIBLE POR SECTOR | 55 |
| 4.3. TIEMPO DE RECOLECCIÓN | 56 |
| 4.4. MODELO DE OPTIMIZACIÓN DE RUTAS | |
| 4.5. RUTAS PROPUESTAS | 61 |

| 4.6. AHORRO DE COMBUSTIBLE DE LAS RUTAS PROPUESTAS | |
|--|----|
| 4.7. DISCUSIÓN DE RESULTADOS | 69 |
| CONCLUSIONES | 71 |
| RECOMENDACIONES | 72 |
| REFERENCIAS BIBLIOGRÁFICAS | 73 |
| ANEXOS | 75 |

LISTA DE TABLAS

| Tabla 1: Recorrido vehículo COMP N°1 | 13 |
|---|----|
| Tabla 2: Recorrido vehículo COMP N°2 | 14 |
| Tabla 3: Recorrido vehículo COMP N°3 | 15 |
| Tabla 4: Operacionalización de variables | 20 |
| Tabla 5: Generación de residuos | 46 |
| Tabla 6: Generación de residuos para estudio de relleno sanitario | 46 |
| Tabla 7: Densidad de residuos domiciliaros | |
| Tabla 8: Composición de residuos | 48 |
| Tabla 9: Compactadores | 49 |
| Tabla 10: Plan de mantenimiento | 51 |
| Tabla 11: Costo de combustible asignado | 52 |
| Tabla 12: Personal Obrero | 53 |
| Tabla 13: Distancia por ruta | 55 |
| Tabla 14: Costo por combustible | 55 |
| Tabla 15: Tiempo de recolección | 56 |
| Tabla 16: Tiempo promedio de recolección | 56 |
| Tabla 17: Distancia de rutas propuestas | 67 |
| Tabla 18: Tiempo de recorridos por ruta propuesta | 68 |
| Tabla 19: Ahorro por consumo de combustible | 69 |

LISTA DE FIGURAS

| Figura 1: Croquis recorrido compactador 1 | 14 |
|---|----|
| Figura 2: Croquis recorrido compactador 2 | 15 |
| Figura 3: Croquis recorrido compactador 3 | 16 |
| Figura 4: Delimitación del distrito de Jauja | 19 |
| Figura 5: Modelo de Transporte | 29 |
| Figura 6: Organigrama Municipalidad Provincial de Jauja | 44 |
| Figura 7: Organigrama del área de estudio | 45 |
| Figura 8: Modificación de vehículo recolector | |
| Figura 9: Botadero Macón | 54 |
| Figura 10: Disposición final | 54 |
| Figura 11: Sectores de recolección | 59 |
| Figura 12. Plano catastral distrito de Jauja | 60 |
| Figura 13: Ruta 1 | 61 |
| Figura 14: Ruta 2 | |
| Figura 15: Ruta 3 | |
| Figura 16: Ruta 4 | 65 |
| Figura 17: Ruta 5 | 66 |
| Figura 18: Ruta 6 | 67 |

RESUMEN

La presente investigación tiene como título "Propuesta de rutas optimizadas para el recojo de residuos sólidos domiciliaros en el distrito de Jauja en el año 2018", y tiene como objetivo principal proponer un diseño optimizado de rutas para el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja en el año 2018. Se presenta un modelo matemático que tiene como base el método del Agente Viajero (TSP), para determinar las rutas óptimas para el recojo de residuos sólidos, dicho modelo es aplicado con el software de investigación de operaciones denominado Lingo. Las rutas propuestas presentan una menor distancia total recorrida, también la reducción del tiempo de recolección, generando así un ahorro de S/ 32,718.13 en combustible. Se concluye que es posible proponer rutas optimizadas con el método del Agente Viajero, que es un método eficiente para la solución de ruteo de vehículos en la recolección de residuos sólidos domiciliaros.

Palabras claves: Agente viajero (TSP), optimización de rutas, recojo de residuos sólidos

ABSTRACT

The present investigation has the title "Proposal of optimized routes for the collection of solid waste in the district of Jauja in 2018", and its main objective is to propose an optimized design of routes for the collection of household solid waste in the district of Jauja in 2018. A mathematical model based on the Traveler Agent (TSP) method to determine the optimal routes for the collection of solid waste is presented, this model is applied with the operations research software called Lingo. The proposed routes have a lower total distance traveled, as well as the reduction of the collection time, thus generating a saving of S/ 32,718.13 in fuel. It is concluded that it is possible to propose optimized routes with the Traveler Agent method, which is an efficient method for the vehicle routing solution in the collection of solid household waste.

Keywords: Traveler agent (TSP), route optimization, solid waste collection.

INTRODUCCIÓN

Actualmente en el país no se ha estudiado el tema de optimización de rutas de transporte a profundidad, la optimización de rutas es parte importante de la logística, y permite reducir costos en los que incurre el transporte.

El recojo de residuos sólidos es responsabilidad de las municipalidades, quienes son los encargados de asignar rutas para el recojo de los residuos, pero generalmente no siguen un estudio formal de optimización, sino más bien son designadas de forma empírica. Es por esta razón que es importante aplicar herramientas de la investigación de operaciones para determinar rutas que optimicen los recursos.

En el presente trabajo se presenta un modelo matemático basado en el método del Agente Viajero TSP, para determinar las rutas óptimas que logren una reducción de la distancia total recorrida así mismo, disminuir el consumo de los recursos, en este caso reducir el consumo del combustible.

En el capítulo I. Se presenta las generalidades del problema de investigación, objetivos generales y específicos, justificación del problema, importancia, hipótesis y variables.

En el capítulo II. Este capítulo contiene el marco teórico, los antecedentes y definición de términos básicos de la investigación.

En el capítulo III. Este capítulo trata de la metodología de la investigación, en otras palabras, se define el método y alcance de la investigación, el diseño, población y muestra y técnicas de recolección de datos.

En el capítulo IV. Este capítulo es acerca de los resultados y discusión, donde se presentan los resultados de la propuesta de rutas optimizadas, para finalmente presentar las conclusiones, recomendaciones, bibliografía y anexos.

CAPÍTULO I PLANTEAMIENTO DEL PROBLEMA

1.1. PLANTEAMIENTO Y FORMULACIÓN DEL PROBLEMA

1.1.1. PLANTEAMIENTO DEL PROBLEMA

La logística es, sin duda, un proceso estratégico dentro de las organizaciones, su importancia es muy relevante sobre todo en el transporte. En el Perú, los costos de transporte representan el 43% del costo logístico total en el país, siendo superior al promedio en américa latina de 32%. Así mismo, la Sociedad Nacional de Industrias (SNI), señala que el costo logístico en el Perú, representa el 13% del PBI, dicho porcentaje no es competitivo frente a otros países como EEUU (9%), Chile (12%), Brasil (12%), esta situación no solo conlleva a una desventaja competitiva, sino también perjudica en el bienestar de la población en general (1).

Actualmente, la magnitud económica del sector transporte genera costos sociales y medio ambientales de gran transcendencia en todos los países del mundo. Siendo los residuos sólidos uno de los mayores riesgos para la salud pública y para los ecosistemas. En los últimos años se han incrementado la oferta de bienes y servicios, conjuntamente con cambios en los hábitos de consumo y crecimiento poblacional, que ocasionan un mayor volumen de residuos, cabe mencionar que la generación de residuos sólidos municipales per cápita en el Perú ha aumentado en un 40% en los últimos años (2). Además según el Plan de Gestión de Residuos Sólidos 2016 – 2024 en el Perú, durante el año 2014 generó un total de 7 497 482 t/año de residuos municipales, de los cuales 64% son residuos domiciliarios y un 26% son residuos no domiciliarios (3). En este sentido, es importante tener un buen

manejo a nivel de municipalidades, ya que son las encargadas directas de la gestión de los residuos sólidos.

En (4), Evaluación de Desempeño Ambiental del Perú 2016 se recomienda diseñar tasas de usuario que cubran el costo total real de la prestación del servicio de recogida, transporte, tratamiento y disposición final de los residuos municipales. Siendo aquí, el transporte parte fundamental de los costos del servicio debido a que las rutas para el recojo de los residuos municipales se diseñan de forma intuitiva y no con un estudio formal que determine un óptimo desempeño de las rutas.

La Municipalidad Provincial de Jauja realizó la actualización del Plan Integral de Gestión Ambiental de Residuos Sólidos (PIGARS) en el año 2016, en cumplimiento con el artículo 23 del reglamento de la ley N° 27314, Ley General de Residuos Sólidos. En el PIGARS se muestra que las rutas están asignadas por el Área de Gestión Integral de Residuos Sólidos en coordinación con la Sub Gerencia Ambiental y Desarrollo Sostenible. La recolección se realiza todos los días con excepción de los días domingos y feriados en el horario de 1:30 p.m. a 8:30 p.m., los residuos orgánicos se recogen los días lunes, miércoles y viernes, mientras que los residuos inservibles los días martes, jueves y sábados. Para ello se cuenta con tres vehículos compactadores.

Tabla 1: Recorrido vehículo COMP N°1

| JR./AV./PRLG./BARIO | N° DE | CANTIDAD | |
|-----------------------|--------|----------|--|
| JR./AV./PRLG./BARIO | CUADRA | (cdrs.) | |
| Av. Francisco Carlé | (1-14) | 14 | |
| Av. Francisco Carlé | (1-14) | 14 | |
| Barrio Cormis | | 18 | |
| Av. Héros de la Breña | | 6 | |
| Av. Ricardo Palma | (9-1) | 9 | |
| Je. Bruno Terreros | (1-6) | 6 | |
| Jr. Cahuide | (6-2) | 5 | |
| Av. Mariscal Cáceres | (1-6) | 5 | |
| Av. Aviación | (1-7) | 7 | |
| Jr. Leticia | (7-1) | 7 | |
| Jr. Villareal | (1-7) | 7 | |
| Jr. 25 de Abril | (5-1) | 5 | |
| Jr. 28 de Julio | (1-4) | 4 | |
| Av. Huarancayo | | 1 | |
| Av. Huancayo | (3-1) | 3 | |
| Av. Huarancayo | (1-3) | 4 | |

Fuente: PIGARS, Jauja 2015

En la Tabla 1 se observa el recorrido de la unidad vehicular ISUZU con placa de rodaje EGV - 502 con una capacidad de 15 m 3 .

Figura 1: Croquis recorrido compactador 1



Fuente: PIGARS, Jauja 2015

Tabla 2: Recorrido vehículo COMP N°2

| JR./AV./PRLG./BARIO | N° DE | CANTIDAD | |
|---|---------|----------|--|
| JR./AV./PRLG./BARIO | CUADRA | (cdrs.) | |
| Barrio Yacurán | - | - | |
| Jr. Huáscar | (3-4) | 2 | |
| Jr. 20 de Diciembre | - | - | |
| Urb. Miguelito Martínez | - | - | |
| Av. Tarma | (5-10) | 6 | |
| Jr. Huáscar | (5-13) | 9 | |
| Prlg. Atahualpa | (11-10) | 2 | |
| Jr. Atahualpa | (9-2) | 8 | |
| Jr. Alfonso Ugarte | (2-11) | 10 | |
| Prlg. Atahualpa | - | - | |
| Prlg. Manco Cápac | - | - | |
| Jr. Manco Cápac | (1-12) | 12 | |
| Jr. Galvez | (1-10) | 10 | |
| Av. Motovivanco | - | - | |
| Jr. Lima (norte- este) | - | - | |
| Av. Luis Bardales | - | - | |
| Jr. Clodoaldo Espinoza Bravo | - | - | |
| Jr. Andrés Razuri (intersección con jr. | | | |
| José Olaya hasta Av. Evitamiento) | - | - | |
| Jr. Tiwinsa | - | - | |
| Jr. Andrés Razuri (intersección con Jr. | | | |
| José Olaya hasta Jr. Acolla) | - | - | |
| Plaza la Libertad | - | - | |
| Jr. Grau | (8-1) | 8 | |
| Jr. Bolognesi | (2-13) | 12 | |
| Prlg. Tarapacá - plazuela San Antonio | - | - | |
| Prlg. Colina | - | - | |
| Jr. Tarapacá | (9-3) | 7 | |
| Jr. Colina | (4-9) | 6 | |
| Jr. Francisco Pizarro | (2-1) | 2 | |

Fuente: PIGARS, Jauja 2015

En la tabla 2 se observa el recorrido de la unidad vehicular ISUZU con placa de rodaje EGK - 190 con capacidad de 12 m^3 .

Figura 2: Croquis recorrido compactador 2



Fuente: PIGARS Jauja 2015

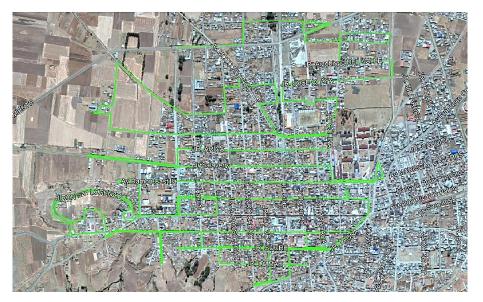
Tabla 3: Recorrido vehículo COMP N°3

| ID /AV /DDI C /DADIO | N° DE | CANTIDAD | |
|-------------------------|---------|----------|--|
| JR./AV./PRLG./BARIO | CUADRA | (cdrs.) | |
| Av. Evitamiento | - | - | |
| Los Ángeles | (3-4) | 2 | |
| Jr. Heroinas Toledo | - | - | |
| Jr. Héroes del Cenepa | - | - | |
| Jr. Arzobispo del Valle | (5-10) | 6 | |
| Jr. José Olaya | (5-13) | 9 | |
| Jr. Jauja | (11-10) | 2 | |
| Jr. Acolla | (9-2) | 8 | |
| Jr. Arica | (2-11) | 10 | |
| Calle los Traveros | - | - | |
| Jr. Salaverry | - | - | |
| Jr. San Martín | (1-12) | 12 | |
| Av. Mariscal Castilla | (1-10) | 10 | |
| Jr. Bolivar | - | - | |
| Jr. Sucre | - | - | |
| Jr. Junín | - | - | |
| Barrio San Lorenzo | - | - | |
| Barrio Apay | - | - | |
| Barrio el Rosario | - | - | |
| Jr. Ayacucho | - | - | |
| Jr. La Mar | - | - | |
| Jr. Tacna | (8-1) | 8 | |

Fuente: PIGARS, Jauja 2015

En la tabla 3 se observa el recorrido de la unidad vehicular HYUNDAI de placa WGP – 199 con capacidad de 9 m³.

Figura 3: Croquis recorrido compactador 3



Fuente: PIGARS, Jauja 2015

Los recorridos de los vehículos compactadores no están determinados en base a un estudio formal, las rutas fueron asignadas de manera empírica según la experiencia de los conductores, por ello, es importante realizar un ruteo haciendo uso de herramientas de la investigación de operaciones para un mejor aprovechamiento de los recursos.

1.1.2. FORMULACIÓN DEL PROBLEMA

a. Problema general

¿Cómo se diseña un sistema optimizado de rutas para el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja utilizando el método del agente viajero TSP en el año 2018?

b. Problemas específicos

¿Cuál es el estado actual del sistema de rutas de recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja en el año 2018?

¿Es posible calcular los costos incurridos por transporte en el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja en el año 2018?

¿Cómo se determina la factibilidad técnica de las rutas propuestas para el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja utilizando el método del agente viajero TSP?

¿Cómo se determina la factibilidad económica de las rutas propuestas para el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja, utilizando el método del agente Viajero TSP?

1.2. OBJETIVOS

1.2.1. OBJETIVO GENERAL

Proponer un diseño optimizado de rutas para el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja, utilizando el método del agente viajero TSP, en el año 2018.

1.2.2. OBJETIVOS ESPECÍFICOS

- Definir el estado actual del sistema de recojo de residuos sólidos domiciliaros en el distrito de Jauja en el año 2018.
- Determinar los costos incurridos por el transporte en el recojo de los residuos sólidos domiciliarios por sectores.
- Determinar la factibilidad técnica de las rutas propuestas con el método del agente viajero TSP.
- Determinar la factibilidad económica de la propuesta de rutas optimizadas para el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja con el método del agente viajero TSP.

1.3. JUSTIFICACIÓN E IMPORTANCIA

En lo tecnológico

La investigación usó el software LINGO 17.0, software de investigación de operaciones, con el cual se aplicó la función objetivo de minimizar la distancia total recorrida en un sistema de rutas.

En lo social

El uso de herramientas de la investigación de operaciones para determinar las rutas óptimas en el recojo de los residuos sólidos domiciliarios aporta para la sociedad un mejor servicio y adecuado uso de los recursos, aprovechando al máximo así en materia de tiempos, mano de obra y gastos operativos generados por el transporte, además de una reducción en emisiones de CO₂ de los vehículos.

En lo académico

La investigación permitió el estudio del ruteo de vehículos en el caso del recojo de residuos sólidos domiciliarios y así poder evaluar los resultados al aplicar un método de optimización utilizando herramientas de la investigación de operaciones, el cual permitió adquirir nuevos conocimientos para el inicio de estudios de ruteo de vehículos con diferentes tipos de restricciones, tales como, restricciones de tiempo, capacidad, flotas heterogéneas, entre otras.

Delimitación

La investigación se realizó en el distrito de Jauja, tomando en cuenta todas las calles que la conforman.

Figura 4: Delimitación del distrito de Jauja

Fuente: Google Earth.

1.3.1. IMPORTANCIA

Un adecuado ruteo de vehículos recolectores en el recojo de residuos sólidos domiciliaros mejora la calidad del servicio al cubrir la mayor parte de la población y al mismo tiempo evita la aparición de botaderos clandestinos que afectan la salud pública de la población en general.

1.4. HIPÓTESIS Y DESCRIPCIÓN DE VARIABLES

1.4.1. HIPÓTESIS DE INVESTIGACIÓN

El diseño de un sistema optimizado de rutas utilizando el método del agente viajero TSP, disminuye el costo de transporte en el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja.

1.4.2. HIPÓTESIS ESPECÍFICAS

 Es posible definir el estado actual del sistema de recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja en el año 2018.

- Es posible determinar los costos incurridos por transporte en el recojo de los residuos sólidos domiciliarios por sectores.
- Es posible determinar la factibilidad técnica de las rutas propuestas mediante el método del agente viajero TSP.
- Es posible determinar la factibilidad económica de la propuesta de rutas mediante el método del agente viajero TSP.

1.5. VARIABLES

Variable independiente: Modelo de optimización de rutas

Definición: representación matemática de la realidad basada en variables que determinan la ruta óptima tomando en cuenta la distancia total recorrida.

 Variable dependiente: costo del sistema de transporte de recolección de los residuos.

Definición: Costos generados por el recorrido total de los nodos del sistema de rutas propuestas.

1.5.1. OPERACIONALIZACIÓN

Tabla 4: Operacionalización de variables

| Variable s | Definición conceptual | Definición operacional | Dimensione s | Indicadores |
|---------------------------------|---|--|---|---|
| Modelo de optimización de rutas | Representació n matemática de la realidad basada en variables que | Lógica de secuencia: $min \sum_{(i,j) \in E} C_{ij} X_{ij}$ | Minimizar Tiempo de recorrido por ruta | Tiempo de recorrido por ruta (h) |
| | determinan la ruta óptima tomando en cuenta la distancia total | $s. a \sum_{j \in (\Delta^{+}(t), \Delta^{-}(t))} X_{ij}$ ≥ 2 | Minimizar Distancia total recorrida | Distancia de rutas en (Km) |
| | recorrida. | | Minimizar Consumo de combustible | Costo de consumo de combustible por compactado r |
| Costo del sistema de | Costos generados por | Costo anual del transporte en la | Ahorro de combustible | % De ahorro de |
| transporte de | el recorrido | recolección de | COTTIDUSTIDIE | combustible |

| recolección de residuos | total de los nodos del sistema de rutas propuestas. | residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja. | | |
|----------------------------|---|---|--|--|
|----------------------------|---|---|--|--|

Fuente: Elaboración Propia

CAPÍTULO II MARCO TEÓRICO

2.1 ANTECEDENTES DE LA INVESTIGACIÓN.

2.1.1. ARTÍCULOS CIENTÍFICOS

En el artículo científico de título "Preparación eficiente de órdenes en una compañía distribuidora de café usando búsqueda tabú" (2013), tiene como objetivo desarrollar un metaheurístico de búsqueda para resolver el problema de pedidos planteado como un TSP (problema del agente viajero), para obtener distancias mínimas para recoger los productos de los centros de almacenamiento. Con la implementación del metaheurístico se redujo la distancia, tiempo y costo a un 44%, que es un equivalente de 825 000 dólares/mes y 825 minutos/mes. La investigación concluye que el picking se puede modelar como un TSP, ya que la tarea comienza y termina en el mismo lugar de almacenamiento (5).

El artículo científico de título "Optimización de Recorridos para la Recolección de Residuos Infecciosos" (2013), cuyo objetivo es determinar un conjunto de rutas óptimas para la recolección de residuos infecciosos generados por un aproximado de 185 instituciones tales como hospitales, clínicas, laboratorios, veterinarias, casa de sepelio, entre otras, en la ciudad de Río Cuarto, Argentina. Se diseñó e implementó un método aproximado para resolver el problema de ruteo de vehículos con limitación de capacidad, dicho método fue probado en una serie de problemas test, obteniendo un comportamiento de la heurística satisfactorio si se comparan los tiempos de cómputo incurridos para refinar la solución inicial y la final. El estudio contribuye con una metodología para resolver el problema de ruteo de vehículos

con restricción de capacidad mediante un algoritmo de búsqueda exacto, a través de una heurística de búsqueda local (6).

En el artículo científico de título "Espacio literario relevante sobre el problema del vendedor viajero (TSP): contenido, clasificación, métodos y campos de inspiración" (2013), la investigación tiene como objetivo describir y analizar el espacio literario más relevante del problema del vendedor viajero TSP a través de la historia y el periodo 2006 – 2010 los datos son provenientes de Scopus, donde se analizó el tema que tratan las diez publicaciones más citadas que abordan el TSP, también se describe los métodos que han sido empleados en la solución del TSP. La investigación concluye que, a través del tiempo se aportó principalmente sobre la clasificación de los TSP, métodos y campos de inspiración, también la tendencia es la hibridación de los métodos existentes y métodos heurísticos que posibilitan un avance en optimización combinatoria (7).

En el artículo científico "Una solución al enrutamiento de vehículos en ciudades montañosas considerando aspectos ambientales y económicos" (2018), tiene como objetivo encontrar el enrutamiento óptimo considerando el terreno montañoso para minimizar tanto en costos como en emisiones. Se utiliza la metodología de un modelo matemático multiobjetivo para encontrar el equilibrio entre costo de transporte y el impacto ambiental que puede generar por el transporte. Este estudio se realizó en una ciudad andina del país de Colombia que presenta una superficie montañosa y se determinó que la ruta más corta no necesariamente es la óptima debido al consumo de combustible por las pendientes y las emisiones de CO₂ (8).

En el artículo científico de título "Resolución del problema de enrutamiento de vehículos con limitaciones de capacidad utilizando un procedimiento metaheurístico de dos fases" (2014), cuyo objetivo es dar solución al problema de enrutamiento de vehículos con restricción de capacidad y flota homogénea (CVPR) mediante la combinación de dos fases las cuales son el diseño de rutas y la planificación de la flota. Los resultados del estudio indican que la metaheurística de dos fases para el problema de ruteo de vehículos con restricción de capacidad y flota homogénea, presentan comportamientos homogéneos y confiables para problemas de ruteo reales. La solución óptima propuesta en la investigación podría ser conveniente en la práctica si es que se cuenta con un procesamiento de mediano a alto nivel (9).

2.1.1 **TESIS**

En la tesis titulada "Modelo Matemático de Planificación de rutas para minimizar los costos del reparto de la empresa San Isidro S.R.L. en el año 2015", realizada en la Universidad César Vallejo. El estudio busca planificar las rutas de reparto de carga a través de un modelo matemático TSP para minimizar los costos de la empresa San Isidro Labrador S.R.L. (10). La metodología tiene las siguientes características:

- La población es la cartera de clientes de la empresa, constituida por 275 clientes.
- Para determinar la muestra se aplicó la fórmula de población finita, calculando una muestra de 161 clientes.
- El mapeo se hizo enfocado en los clientes insatisfechos del sistema de reparto.
- Se utilizó el software LINGO Systems para resolver los modelos de optimización.
- La comparación de costos se prueba estadísticamente con el software SPSS vs 22.
- Las variables utilizadas en esta investigación fueron: Modelo matemático de Planificación de Rutas y el Costo del Sistema de Reparto.

En la investigación "Impacto económico de la mejora de las rutas de recolección de residuos sólidos en la ciudad de Cajabamba (2016), en el rubro de costos de limpieza pública de la Municipalidad Provincial de Cajabamba", realizado en la Universidad Privada del Norte. La investigación aporta un modelo de optimización TSP para minimizar los costos del rubro limpieza pública, aplicando estrategias de Costo/Efectividad (11). Para recolectar datos se utilizó una muestra de recorridos realizados de la compactadora en las rutas de recolección tomadas con GPS, BaseCamp y Google Maps. Para analizar la información se utilizó la observación directa, GPS, Autocad Land y para la programación matemática se utilizó el Software Lingo. Las variables de la investigación fueron la Mejora de las Rutas de Recolección de Residuos Sólidos y el Costo de Limpieza Pública.

En la tesis titulada "Diseño de optimización de rutas de transporte TSP y plan de acción para incrementar la rentabilidad de Perú GLP S.A.C. Trujillo" (2017), realizada en la Universidad Privada del Norte Perú (12). El estudio tiene el objetivo de aplicar el mejor método de optimización para la empresa de transportes de GLP para mejorar su rentabilidad, para esto se hace uso de la herramienta del TSP para

determinar el número de rutas para despachar el GLP, y para el macro ruteo se hace un ajuste al método del agente viajero TSP. Aplicando dicha solución, el estudio logra reducir en 17 y 15% los kilómetros diarios recorridos en los distritos. Además, que se reduce en 20% el tiempo de transporte y un 15% de ahorro en costos operativos. Las variables independientes en esta tesis fueron: El diseño optimizado de rutas de transporte TSP y Diseño de un plan de acción semanal para la operación de reparto de producto. Y la variable dependiente fue: Incrementar la rentabilidad.

En la tesis titulada "Optimización de rutas en una empresa de recojo de residuos sólidos en el distrito de Los Olivos" (2013), realizada en la Pontificia Universidad Católica del Perú (13). La investigación tiene como objetivo implementar el mejor método de optimización con el fin de mejorar la rentabilidad de la empresa recolectora de residuos sólidos, para eso, combina el microruteo, dónde se utiliza una fórmula para hallar el número de vehículos necesarios y el macroruteo que se ajustará al método del Agente Viajero (TSP). El modelo de optimización determina la solución adecuada, reduciendo en 20% el tiempo total en los viajes.

2.2. BASES TEÓRICAS

2.2.1. FUNDAMENTOS TEÓRICOS

2.2.1.1. Investigación de Operaciones

2.2.1.1.1. Origen de la Investigación de Operaciones

La Investigación de Operaciones tiene su origen formal durante la Segunda Guerra Mundial en el país de Inglaterra, cuando un equipo de científicos e ingenieros, ordenados por comandantes militares británicos, pidieron que se analizara problemas militares tales como, despliegue de radares y el control de convoyes, bombardeos, operaciones anti submarinas, y colocación de minas. Se cree que el nombre de investigación de operaciones se debe a que el grupo de científicos e ingenieros realizaban la labor de Investigar las operaciones bélicas. Terminada la guerra con el éxito de la investigación de

operaciones se generó gran expectativa por la posibilidad de aplicarla en otros ámbitos diferentes del militar.

El desarrollo de las organizaciones generó la división del trabajo y la separación de responsabilidades administrativas, estos problemas volvieron a tener relevancia al término de la guerra y es cuando consultores industriales que trabajaron en investigación de operaciones durante la guerra dieron cuenta de que los problemas que afrontaban las organizaciones eran en esencia iguales que los que debían enfrentar los militares, pero en una realidad diferente. Para el término de la década de los cincuenta ya se habían desarrollado casi por completo muchas herramientas de la investigación de operaciones, ya sea la programación lineal, programación dinámica, teoría de colas y teoría de inventarios, así mismo el método simplex para resolver problemas de programación lineal en el año 1947 por George Dantzig.

La revolución de las computadoras fue parte importante del desarrollo de la investigación de operaciones ya que para resolver problemas complejos siempre requiere de muchos cálculos que realizarlos de forma manual resulta casi imposible, por lo cual el desarrollo de la computadora con su capacidad de procesamiento de datos facilitó la resolución de problemas de investigación de operaciones.

2.2.1.1.2. Naturaleza de la Investigación de Operaciones

La Investigación de Operaciones se encarga de la problemática relacionada con la conducción y coordinación de las actividades de una organización, aunque la investigación de operaciones se aplica en numerosas áreas, tales como, la manufactura, el transporte, planeación financiera, cuidado de la salud, servicios públicos, etc. Utiliza el método científico y busca la mejor solución la cual se le denomina la solución

óptima, cabe mencionar que se dice mejor y no la mejor solución ya que es posible que existan muchas soluciones consideras como las mejores (14).

En la investigación de operaciones no existe una técnica general para resolver todos los modelos en la práctica, lo que determina el método de solución, es el tipo y la complejidad del modelo matemático.

2.2.1.1.3. Fases de un estudio de Investigación de Operaciones

Según (15), para implementar la investigación de operaciones, las principales fases son:

- a. Definición del problema: el fin es identificar tres elementos clave del problema de decisión, descripción de las alternativas de solución, determinación del objetivo del estudio y especificaciones de las limitaciones bajo las cuales funciona el sistema modelado.
- b. La construcción del modelo: se pretende convertir la definición del problema en relaciones matemáticas. El modelo se puede ajustar a otros modelos estándar o también ocurre que las relaciones matemáticas son muy complejas que el equipo de investigación de operaciones puede simplificar el modelo y utilizar un método heurístico o considerar la simulación si es que es apropiado.
- c. Solución del modelo: en esta fase se hace uso de algoritmos conocidos de optimización teniendo en cuenta el análisis de sensibilidad que consiste en obtener información de la solución óptima cuando el modelo es sometido a ciertos cambios en algunos de sus parámetros.

- d. Validez del modelo: se comprueba si el modelo predice adecuadamente el comportamiento del sistema estudiado. Un método común para comprobar la validez de un modelo es comparar los resultados con el histórico. El modelo es válido si en condiciones de entrada de datos iguales, reproduce de manera coherente el desempeño del pasado.
- e. Implementación de la solución: implica la transformación de los resultados en instrucciones de operación que sean fáciles de comprender para las personas que administrarán el sistema recomendado.

2.2.1.2. Modelo matemático

Un modelo matemático es una representación de la realidad mediante la utilización de relaciones matemáticas, a través de la lógica, que tiene como objetivo ayudar en el proceso de toma de decisiones. El modelo matemático debe ser construido con el total de alternativas entre las cuales se toma la decisión, las restricciones existentes y la medida con las que se evaluarán las alternativas, en concordancia con el objetivo que se quiere lograr (16).

2.2.1.2.1. Construcción de modelo matemático

De forma general un modelo matemático en investigación de operaciones se representa con:

- **a.** Función objetivo: que debe expresar la meta a la cual llegar, puede ser del tipo minimizar o maximizar.
- b. Las restricciones: por su parte expresan las limitaciones de recurso o características propias de la naturaleza del sistema modelado y donde la solución obtenida al resolver el modelo debe cumplir con todas las restricciones.

- c. Parámetros: la información del sistema es expresada a través de parámetros, que viene a ser datos dados con anterioridad que representan a un valor real o supuesto que se encuentra en el sistema. Comúnmente algunos parámetros son: distancias, demanda de clientes, costos, etc.
- d. Solución al sistema: vienen a ser dadas mediante variables que generalmente son llamadas de decisión. Para dar solución a un sistema es necesario determinar el valor que deben tomar las variables.

2.2.1.3. Modelo de trasporte

Dentro de la programación lineal, el modelo de transporte es un caso especial. Se busca encontrar el plan de distribución que minimice el costo total de distribución y satisfaga las restricciones de la oferta y la demanda, donde de m fuentes u orígenes de oferta se debe enviar a n puntos de destinos o demanda determinados. Los arcos (m,n) están determinados por la ruta que debe seguir cada origen con un destino, que transporta el costo por unidad C_{ij} y la cantidad transportada X_{ij} . La cantidad de la oferta en el origen i es a_i y la cantidad de la demanda en el destino j es b_i .

Orígenes Destinos $a_1 \xrightarrow{\qquad \qquad \qquad } 1 \xrightarrow{\qquad \qquad } b_1$ Unidades ofertadas $a_2 \xrightarrow{\qquad \qquad } 2 \xrightarrow{\qquad \qquad } b_2 \xrightarrow{\qquad \qquad } demandadas$ $\vdots \xrightarrow{\qquad \qquad } a_m \xrightarrow{\qquad \qquad } m \xrightarrow{\qquad \qquad } c_{mn}: x_{mn}$

Figura 5: Modelo de Transporte

Fuente: TAHA, Hamdy a. Investigación de operaciones - Modelo de transbordo. 2012.

2.2.1.3.1. Modelo de programación lineal del problema de transporte

El modelo del problema del transporte de forma generalizada se considera como variable de decisión a X_{ij} , que viene a ser el número de unidades enviadas del origen i al destino j. De tal modo que la sumatoria de todos los costos $C_{ij}X_{ij}$ viene a ser la función objetivo sujeta a la restricción de no sobrepasar la capacidad de las fuentes y también que la demanda de los destinos sea cubierta. El modelo se expresa de la siguiente manera:

$$Min \sum_{i} \sum_{j} C_{ij} X_{ij}$$

Sujeto a:

$$Min = \sum_i x_{ij} \le a_i; para\ toda\ fuente\ i$$
 $Min = \sum_i x_{ij} \le b_i; para\ todo\ origen\ j$ $X_{ij} \ge 0$

2.2.1.4. Problema de ruteo de vehículos (VRP)

El ruteo de vehículos conocido como VRP, por sus siglas en inglés (Vehicle Routing Problem) es un problema combinatorio que según (17) surgió desde el año 1959. Este tipo de problema viene a estar determinado por un conjunto de rutas para un número de vehículos que tienen como origen uno, o varios depósitos dispersos geográficamente, y que deben cubrir un número de clientes. El objetivo del problema de ruteo de vehículos es minimizar el costo de las rutas, que comienzan y terminan en un depósito, para un grupo de clientes dados. Los componentes del VRP son los clientes, los depósitos y los vehículos, dónde los clientes tienen cierta demanda que debe ser cubierta por algún vehículo y, además, generalmente cada cliente solo es visitado una vez, salvo casos excepcionales.

El problema de ruteo de vehículos pertenece a los problemas NP – Hard, esto significa que se recurre generalmente a heurísticas o procedimientos

aproximados para encontrar soluciones lo más cercanas a la óptima y no buscar específicamente la óptima.

Las diferentes restricciones y situaciones particulares de este problema generan las siguientes variaciones:

- a. Problema con capacidades CVRP: (Capacited VRP) es el problema de ruteo de vehículos más general, dónde uno o varios vehículos con límite de capacidad deben realizar la distribución según la demanda de los clientes. La solución para este tipo de variante de VRP, han sido desarrolladas mediante: búsqueda tabú, algoritmos genéticos, algoritmo de colonia de hormigas, y algoritmos híbridos de recorrido simulado.
- b. MDVRP: (Multi-depot VRP) es un VRP que tiene varios depósitos donde cada cliente es visitado por uno de los vehículos que parte de algún depósito. También puede tratarse como un problema de agrupamiento en sentido de que sale un grupo de vehículos por depósito. Este caso de problema fue resuelto por Tansini mediante la técnica de cluster firts routen second.
- c. PVRP: (Period VRP) Es un VRP de tipo periódico que en un periodo de M días cada cliente debe ser visitado una o varias veces. En el modelo general de un PVRP existe una demanda fija diaria para los clientes.
- d. SDVRP: (Split Delivery VRP) Es un VRP de entrega dividida en el cual un cliente puede ser atendido por más de un vehículo si se reducen los costos totales, ya que es importante si el tamaño de pedidos supera la capacidad de un vehículo.
- e. SVRP: (Stochastic VRP) o VRP estocástico surge cuando algunos elementos del VRP son aleatorios, ya sean, los costos, demanda de clientes y tiempo de viaje de los vehículos. Debido a su complejidad este problema es resuelto con procesos estocásticos enteros como Markov, también se puede tener buenos resultados con algoritmos metaheurísticos.
- **f.** VRPPD: (VRP Pickup and Delivery) o VRP con recogida y entrega, en este caso se presenta la posibilidad que los clientes puedan

devolver ciertos bienes, entonces, se debe prever que estos quepan en los vehículos. La complejidad de este problema es resuelta generalmente con algoritmos genéticos.

- g. MFVRP: (Mix Fleet VRP) es un VRP de flota mixta, en este caso se presenta una flota de vehículos de capacidad heterogénea por lo que es determinante considerar estas capacidades en la ruta que ha de seguir cada vehículo según la demanda o la cantidad del bien transportado. Por su complejidad se ha tratado de resolver este problema con la programación lineal entera mixta pero según (18) sostiene que ningún algoritmo exacto ha obtenido resultados confiables.
- h. VRPTW: (VRP With Time Windows) es aquel VRP que se incluye una restricción más en la cual se asocia al cliente con una ventana de tiempo, en otras palabras, el cliente solo está dispuesto a recibir el bien o servicio en un periodo de tiempo determinado.

2.2.1.5. Problema del agente viajero TSP

El problema del agente viajero TSP por sus siglas en inglés (Travelling Salesman Problem) es un problema de optimización, donde un agente viajero pretende visitar una sola vez cada ciudad de un conjunto de ellas (previamente establecidas), además debe regresar al punto de donde partió. Un recorrido que cumpla con estas características específicas, es llamado *tour*. El objetivo es encontrar el *tour* para el cual la distancia total recorrida sea mínima.

En este problema no existe una demanda asociada a los clientes, tampoco existe restricciones temporales. Según (19) el problema puede formularse de la siguiente manera:

$$\min \sum_{(i,j)\in E} C_{ij} X_{ij} \tag{1.1}$$

$$s. a \sum_{j \in \Delta^{+}(i)} X_{ij} = 1 \qquad \forall i \in V$$
 (1.2)

$$\sum_{i \in \Delta^{-}(j)} X_{ij} = 1 \qquad \forall i \in V$$
 (1.3)

$$\sum_{i \in S, j \in \Delta^{+}(i) \setminus S} X_{ij} \ge 1 \qquad \forall S \subset V \qquad (1.4)$$

$$x_{ij} \in \{0,1\} \qquad \forall (i,j) \in E$$

Las variables binarias x_{ij} indican si el arco (i,j) es empleado en la solución. La función objetivo (1.1) determina que el costo total de la solución es la suma de los costos de los arcos utilizados. Las restricciones 1.2 y 1.3 determinan que la ruta debe abordar cada nodo solo una vez. Y la restricción 1.4 es llamada restricción de eliminación de sub-tour e indican que todo subconjunto de nodos S debe ser abandonado al menos una vez.

2.2.1.6. Base legal

2.2.1.6.1. Ley N° 27972, Ley orgánica de Municipalidades

Esta ley, norma la organización, autonomía, competencias, funciones y recursos de las Municipalidades. Estas instituciones públicas, son los órganos del gobierno local que emanan de la voluntad popular conforme a la ley electoral correspondiente y representan al vecindario, promueven la adecuada prestación de los servicios públicos locales, fomentan el bienestar integral, sostenible y armónico de su circunscripción.

2.2.1.7. Ley 27314 Ley General de Residuos Sólidos

El reglamento de la Ley establece que los gobiernos regionales deben promover la adecuada gestión y manejo de los residuos sólidos en el ámbito de su jurisdicción; priorizar programas de inversión pública o mixta, para la construcción, puesta en valor o adecuación ambiental y sanitaria de la infraestructura de residuos sólidos, en coordinación con las municipalidades provinciales correspondientes.

Los gobiernos regionales deben asumir, en coordinación con la autoridad de salud de su jurisdicción y el Ministerio del Ambiente, o a pedido de cualquiera de dichas autoridades, según corresponda, la prestación de los servicios de residuos sólidos para complementar o suplir la acción de aquellas municipalidades provinciales o distritales que no pueden hacerse cargo de los mismo e forma adecuada o que estén comprendidas en el ámbito de una declaratoria de emergencia sanitaria o ambiental.

2.2.1.7.1. Decreto legislativo N° 1065, modificatoria de ley N° 27314

Art. 10°. Las municipalidades provinciales son responsables por la gestión de los residuos sólidos de origen domiciliario, comercial y de aquellas actividades que generan residuos similares a estos en todo el ámbito de su jurisdicción, efectuando las coordinaciones con el gobierno regional al que corresponden, para promover la ejecución, revalorización o adecuación, infraestructura para manejo de los residuos sólidos, así como para la erradicación de botaderos que pongan en riesgo la salud de las personas y el ambiente. Están obligados a:

 Planificar la gestión integral de los residuos sólidos en el ámbito de su jurisdicción, compatibilizando los planes de manejo de residuos sólidos de sus distritos y centros poblados menores, con las políticas de desarrollo local y regional y con sus respectivos Planes de Acondicionamiento Territorial y de Desarrollo Urbano.

- 2. Regular y fiscalizar el manejo y la prestación de los servicios de residuos sólidos de su jurisdicción.
- Emitir opinión fundamentada sobre los proyectos de ordenanzas distritales referidos al manejo de residuos sólidos, incluyendo la cobranza de arbitrios correspondientes.
- Asegurar la adecuada limpieza de vías, espacios y monumentos públicos, la recolección y trasporte de los residuos sólidos en el distrito del cercado de las ciudades capitales correspondientes.
- 5. Aprobar los proyectos de infraestructura de residuos sólidos del ámbito de gestión municipal.
- Autorizar el funcionamiento de la infraestructura de residuos sólidos del ámbito de gestión municipal y no municipal, con excepción de los indicados en el Artículo 6 de la presente Ley.
- 7. Asumir, en coordinación con la autoridad de salud en su jurisdicción y el Ministerio del Ambiente, o a pedido de cualquiera de dichas autoridades, según corresponda, la prestación de los servicios de residuos sólidos para complementar o suplir la acción de aquellos distritos que no puedan hacerse cargo de los mismo en forma adecuada o que hayan sido declarados en emergencia sanitaria o ambiental. El costo de los servicios prestados deberá ser sufragado por la municipalidad distrital correspondiente.
- Adopta medidas conducentes a promover la construcción de empresas prestadores de servicios de residuos sólidos indicadas en el Artículo 27 de la presente Ley, así como incentivar y priorizar la prestación privada de dichos servicios.

- Promover y garantizar servicios de residuos sólidos administrados bajo principios, criterios y contabilidad de costos de carácter empresarial.
- Suscribir contratos de prestación de servicios de residuos sólidos con las empresas registradas en el Ministerio de Salud.
- 11. Autorizar y fiscalizar el transporte de residuos peligrosos en su jurisdicción, en concordancia con lo establecido en la Ley N°28256, ley que regula el Transporte Terrestre de Materiales y Residuos Peligrosos, con excepción del que se realiza en las vías nacionales y regionales.
- 12. Implementar progresivamente programas de segregación en la fuente y recolección selectiva de los residuos sólidos en todo el ámbito de su jurisdicción, facilitando su reaprovechamiento y asegurando su disposición final diferenciada y técnicamente adecuada.

Las municipalidades distritales y provinciales en lo que concierne a los distritos del cercado, son responsables por la prestación de los servicios de recolección y transporte de los residuos sólidos municipales y de la limpieza de vías, espacios y monumentos públicos en su jurisdicción. Los residuos sólidos en su totalidad deberán ser conducidos directamente a infraestructuras de residuos autorizadas por la municipalidad provincial, estando obligados los municipios distritales al pago de los derechos correspondientes.

2.3. DEFINICIÓN DE TÉRMINOS BÁSICOS

- Algoritmo: es una secuencia de operaciones bien definidas para la resolución de cierta clase de problema en un número finito de pasos.
- Arcos: los arcos bienes a ser el camino o ruta que existe entre los nodos de una red.

- Cliente: en una red de distribución, un cliente se refiere al lugar que se debe dirigir un vehículo para recoger o entregar un bien o servicio.
- Depósito: en un problema de distribución, constituye el almacén o lugar de donde parten los vehículos para realizar el servicio.
- Heurística: procedimiento simple que se utiliza cuando no existe un método exacto y que está basado en el sentido común. Se supone que se obtendrá una buna solución (no necesariamente la óptima) a problemas de gran complejidad, de un modo fácil y rápido.
- Logística: es el conjunto de actividades que permite el flujo físico de una mercancía en las etapas de distribución.
- Metaheurística: son procedimientos de búsqueda que no garantizan la obtención de una solución óptima de determinado problema, a diferencia de la heurística, las técnicas metaheurísticas tratar de huir de óptimos locales orientando la búsqueda en cada momento dependiendo de la evolución del proceso de búsqueda.
- Nodo: es un vértice o punto, en una red de transporte están determinados por un lugar o ciudad que se debe visitar.
- Rutas: es un camino determinado que va de un lugar a otro. En la teoría de redes, se denomina ruta a los nodos que constituyen una cadena.
- Residuos sólidos: son aquellas sustancias, productos o subproductos en estado sólido o semisólidos desechados por su generador. Se entiendo por generador a aquella persona que en razón de sus actividades produce residuos sólidos.
- Optimización: método para determinar los valores de las variables que participan en un sistema para que el resultado sea el óptimo.
- Restricciones: una restricción es una limitante del valor de las variables de decisión en un modelo matemático.
- Ruteo: cuando en un sistema de rutas se debe escoger la más corta para llegar de un origen a un destino.

CAPÍTULO III METODOLOGÍA

3.1. MÉTODO Y ALCANCES DE LA INVESTIGACIÓN

3.1.1. MÉTODO DE LA INVESTIGACIÓN

Se utiliza como método general, el método cuantitativo. El método cuantitativo, o método tradicional, se fundamenta en la medición de características de los fenómenos, lo cual supone derivar un marco conceptual pertinente al problema analizado (20).

Método específico de la investigación

En la investigación, primero se realizó un análisis de la situación actual del sistema de recojo de los residuos sólidos domiciliarios para luego optimizar las rutas con el método del Agente Viajero (TSP). Se realiza la función objetivo que minimiza la distancia total recorrida, en un principio no se toma en cuenta el sentido de tránsito de las calles, se determinará primero el orden y luego se analizará la ruta a seguir en la realidad. Las rutas se determinarán según el resultado del software LINGO, para finalmente calcular el costo del transporte.

3.1.2. ALCANCES DE LA INVESTIGACIÓN

a. Tipo de investigación

La investigación es aplicada, porque los resultados son parte de la realidad concreta. El sistema optimizado de rutas de trasporte es aplicable a la realidad y los costos generados por el transporte son probatorios.

Cada proceso a desarrollar en este sistema, es consecuente, no se puede realizar de manera desordenada y es necesario de pasos específicos.

b. Nivel de investigación

Es de nivel explicativo, debido a que se orienta a explicar en cómo el modelo optimizado de rutas de transporte para el recojo de los residuos sólidos domiciliarios, contribuye a reducir el costo de transporte.

3.2. DISEÑO DE LA INVESTIGACIÓN

3.2.1. TIPO DE DISEÑO DE INVESTIGACIÓN.

El diseño de investigación que se emplea en el presente estudio es el experimental del tipo pre-experimental, ya que en un diseño experimental se pretende establecer el cómo la variable independiente afecta a la variable dependiente.

El diseño pre experimental - diseño de pre-prueba/pos-prueba con un solo grupo, aplica una prueba previa para luego administrar el tratamiento y finalmente aplicar una prueba posterior al estímulo (21).

 $G 0_1 X 0_2$

Donde:

G: calles del distrito de Jauja

O₁: situación actual de las rutas de recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja, con respecto al costo de transporte.

X: Utilización del modelo optimizado de rutas (TSP)

O₂: Mejora de las rutas de recojo de residuos sólidos domiciliarios en el costo por transporte.

3.3. POBLACIÓN Y MUESTRA

3.3.1. POBLACIÓN

La población está determinada por todas las calles que conforman el distrito de Jauja.

3.3.2. MUESTRA

La muestra es censal, porque está determinada por la totalidad de las calles que conforman los 16 barrios del distrito de Jauja, esto para que al aplicar la función objetivo se considere los 293 nodos formados por las intersecciones de las calles y de esta manera la ruta óptima recorra todos con una distancia mínima, además que los vehículos recolectores puedan cubrir la mayor parte del distrito de Jauja.

3.4. TÉCNICAS E INSTRUMENTOS DE RECOLECCIÓN Y ANÁLISIS DE DATOS

Para el desarrollo de la presente Tesis se utilizó:

3.4.1. TÉCNICAS UTILIZADAS EN LA RECOLECCIÓN DE DATOS

Observación: según (22), la observación es una técnica para recopilación de información debido a que mediante ella se puede utilizar instrumentos efectivos, tales como: la lista de cotejo, las fichas documentales, los cuadernos de notas, etc.

Análisis de documentos: se accede y verifica la documentación de la sub gerencia Ambiental y Desarrollo sostenible, siendo los documentos más relevantes los siguientes: Plan Integral de Gestión Ambiental de Residuos Sólidos (PIGARS), Plan Operativo Institucional (POI), Plan de Mantenimiento y Estudio preliminar para relleno sanitario en Jauja.

De esta forma se obtiene información de primera mano y confiable de los procedimientos que se desarrollan para realizar las funciones del área de Gestión Integral de Residuos Sólidos. Se recorrió las calles del distrito de Jauja para reconocer las rutas de los vehículos recolectores tomando nota de algunas incidencias y reconociendo puntos de mayor acumulación de residuos.

3.4.1.1. TÉCNICAS DE ANÁLISIS DE DATOS

Software LINGO, que es un programa de investigación de operaciones, con el cual se resuelve la función objetivo.

Google Earth, se utilizó para determinar las distancias entre las calles del distrito de Jauja, así como realizar la gráfica de las nuevas rutas propuestas.

3.4.2. INSTRUMENTOS UTILIZADOS EN LA RECOLECCIÓN DE DATOS

Guía de observación/ lista de cotejo: (22) menciona que la lista de cotejo es un instrumento importante dentro del proceso de análisis documentario, la lista de cotejo empleada en la investigación es una tabla de doble entrada, elaborado para evaluar el estado actual del recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja, las actividades a considerar se muestran en el anexo 29.

Guía de análisis documentario: este instrumento es una guía para la revisión y análisis de documentos que permite la verificación de las rutas de recojo de residuos sólidos, horarios de recolección, planos de los sectores, entre otros aspectos que se muestran en el anexo 28.

Formato de horarios de ingreso y término de recolección de los vehículos recolectores, este formato es tomado de (José Taquia, 2008) en su tesis titulada "Optimización de rutas en una empresa de recojo de residuos sólidos en el distrito de los olivos". Anexo 30.

CAPÍTULO IV RESULTADOS Y DISCUSIÓN

4.1. GENERALIDADES

4.1.1. MUNICIPALIDAD PROVINCIAL DE JAUJA

La municipalidad Provincial de Jauja es el órgano de gobierno local que emana de la voluntad popular, promotor del desarrollo local con personería jurídica de derecho público con autonomía, política, económica y administrativa en los asuntos de su competencia. La autonomía que la Constitución Política del Perú establece para las municipalidades radica en la facultad de ejercer actos de gobierno, administrativos y de administración, con sujeción al ordenamiento jurídico.

La jurisdicción de la Municipalidad Provincial de Jauja, comprende el ámbito territorial de treinta y cuatro distritos conformantes incluyendo el distrito de Jauja. La Municipalidad Provincial de Jauja, tiene como sede el Palacio Municipal ubicado en el jirón Ayacucho N°856, Plaza principal.

La Municipalidad Provincial de Jauja tiene como finalidad, representar al vecindario, promover la adecuada prestación de servicios públicos, fomentar el bienestar de los vecinos, así como promover el desarrollo integral, sostenible y armónico de su localidad, con sujeción a la constitución a la Ley Orgánica de Municipalidades y el Plan de Desarrollo Local Concertado Provincial.

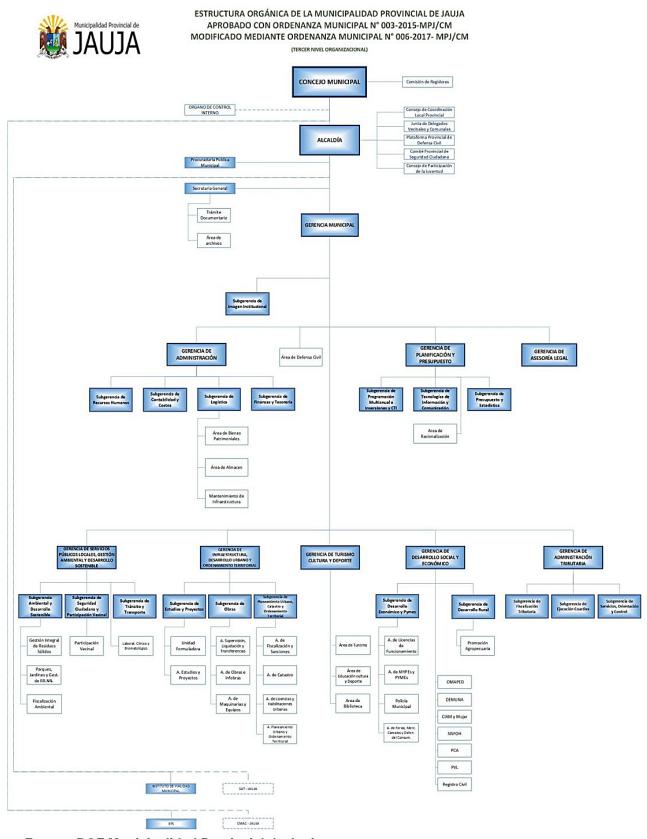
Misión:

Somos una institución municipal que brinda servicios públicos oportunos, en el marco de una gestión moderna, orientada al ciudadano, de una manera eficiente, unitario, descentralizado, inclusivo, abierto, transparente, que rinde cuentas; y promotora de la participación ciudadana en la búsqueda de su desarrollo integral, que fomenta los valores, el bienestar, la identidad cultural y la seguridad de la población, basada en principios democráticos y en una cultura de derechos y deberes ciudadanos.

Visión:

Institución municipal promotora del desarrollo integral y sostenible, líder como modelo de gestión municipal, que atiende prioritariamente a los sectores más vulnerables, consolidando la prestación de servicios de calidad, con personal altamente motivado, calificado y vocación de servicio, que administra una población con alta conciencia ciudadana y tributaria; logrando una gestión por resultados eficiente, eficaz y que protege el medio ambiente.

Figura 6: Organigrama Municipalidad Provincial de Jauja



Fuente: ROF Municipalidad Provincial de Jauja.

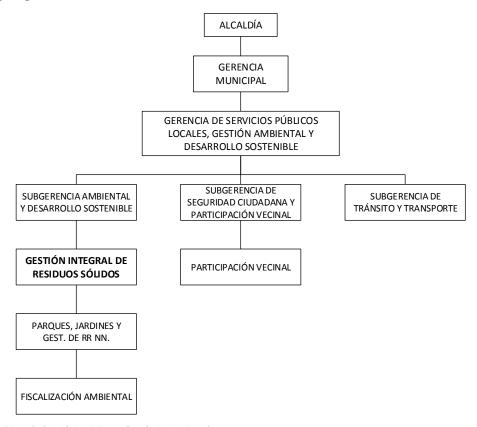
4.1.2. INFORMACIÓN DEL ÁREA DE ESTUDIO

La subgerencia de Medio Ambiente y Desarrollo Sostenible tiene como misión planificar, coordinar, dirigir, organizar, supervisar, controlar, fiscalizar y evaluar las acciones relacionadas a proteger el ambiente y garantizando la salud pública en el ámbito de la provincia de Jauja.

La subgerencia de Medio Ambiente y Desarrollo Sostenible es responsable de los siguientes subprocesos:

- Proponer la regulación de la prevención y control de la contaminación ambiental
- Promoción de la educación ambiental
- Gestión integral de los residuos sólidos
- Promoción de la protección y conservación de los recursos naturales
- Evaluación y supervisión ambiental, así como sancionar los delitos ambientales

Figura 7: Organigrama del área de estudio



Fuente: ROF Municipalidad Provincial de Jauja

Visión:

Al año 2021 la provincia de Jauja es una ciudad saludable y competitiva con una adecuada gestión integral de los residuos sólidos mediante el uso de tecnologías sostenibles y logra altos estándares de calidad de vida saludable para su comunidad.

Misión:

El municipio de Jauja proporciona a los vecinos servicios públicos de excelencia con innovación tecnológica en el manejo de los residuos urbanos, y que contribuye a mejorar la calidad de vida de la población, 90% de hogares del distrito segregan residuos aprovechables en origen fomentando una cultura eco eficiente, ambiental y amigable con su propio entorno.

4.1.3. ESTADO ACTUAL DEL RECOJO DE RESIDUOS SÓLIDOS

4.1.3.1. Generación de residuos sólidos

En el estudio de caracterización de residuos sólidos en el distrito de Jauja se llegó a los siguientes resultados:

Tabla 5: Generación de residuos

| Distrito | Pob. Total | G Per cápita | Generación | Geneación | Generación |
|----------|------------|--------------|------------|-----------|------------|
| | (2015) | Kg/Hab/día | Kg/día | Ton/día | Ton/año |
| Jauja | 18372 | 0.502 | 9222.74 | 9.22 | 3366.30 |

Fuente: PIGARS Jauja 2015.

En la tabla 5 se observa el cálculo determinado a partir de los promedios de la generación per cápita, análisis que se llevó a cabo de acuerdo a la hoja de divulgación técnica HDT N° 977 "Procedimientos estadísticos para el estudio de caracterización de residuos sólidos".

Tabla 6: Generación de residuos para estudio de relleno sanitario

| ORGÁNICOS | INORGÁNICOS | TOTAL FERIA | TOTAL DISPUESTO | |
|-----------|-------------|-------------|-----------------|--|
| SEMANAL | SEMANAL | SEMANAL | EN 7 DÍAS | |
| 33337.5 | 40470 | 12872.5 | 73807.5 | |

Fuente: Área de gestión Integral de Residuos Sólidos

En la tabla 6, se muestra el total de residuos en kilogramos semanales, datos que se obtuvieron a partir del estudio preliminar para el relleno sanitario en Jauja.

4.1.3.2. Densidad de residuos domiciliarios

La densidad es un parámetro que se emplea para dimensionar el equipamiento de almacenamiento público de los residuos sólidos. La densidad promedio de los residuos domiciliarios en el distrito de Jauja es de 185.905 Kg/m3.

Tabla 7: Densidad de residuos domiciliaros

| Día | Peso | Alto (cm) | Ancho (cm) | Volumen (cm3) | Volumen (m3) | Densidad (Kg/m3) |
|-----|--------|-----------|------------|---------------|----------------|------------------|
| 1 | 34.65 | 76 | 58 | 200798.506 | 0.200798506 | 172.561 |
| | 37.823 | 74.902 | 58 | 197897.496 | 0.197897496 | 191.124 |
| | | | | PR | OMEDIO PARCIAL | 181.843 |
| 2 | 38.51 | 74.664 | 58 | 197268.679 | 0.197268679 | 195.216 |
| | 29.047 | 77.941 | 58 | 205926.794 | 0.205926794 | 141.055 |
| | | | | PR | OMEDIO PARCIAL | 168.135 |
| 3 | 41.72 | 86.1 | 58 | 227483.57 | 0.22748357 | 183.398 |
| | 19.74 | 44.12 | 58 | 116568.817 | 0.116568817 | 169.342 |
| | | | | PR | OMEDIO PARCIAL | 176.370 |
| 4 | 44.55 | 80.115 | 58 | 211670.688 | 0.211670688 | 210.468 |
| 4 | 15.487 | 29.95 | 58 | 79130.464 | 0.079130464 | 195.715 |
| | | | | PR | OMEDIO PARCIAL | 203.092 |
| 5 | 42.8 | 86.5 | 58 | 228540.404 | 0.228540404 | 187.275 |
| | 22.177 | 45.13 | 58 | 119237.323 | 0.119237323 | 185.990 |
| | | | | PR | OMEDIO PARCIAL | 186.633 |
| 6 | 45.75 | 87.3 | 58 | 230654.073 | 0.230654073 | 198.349 |
| | 17.382 | 34.15 | 58 | 90227.223 | 0.090227223 | 192.647 |
| | | | | PR | OMEDIO PARCIAL | 195.498 |
| 7 | 43.54 | 87.6 | 58 | 231446.699 | 0.231446699 | 188.121 |
| | 23.426 | 46.321 | 58 | 122384.047 | 0.122384047 | 191.414 |
| | | | | PR | OMEDIO PARCIAL | 189.767 |
| | | | | | PROMEDIO TOTAL | 185.905 |

Fuente: PIGARS Jauja 2015.

En la tabla 7, se muestra el cálculo de la densidad de los residuos donde se utilizó la guía metodológica para el desarrollo del estudio de caracterización de residuos sólidos municipales (EC-RSM). El proceso se desarrolló durante siete días en los cuales se pesó y midió los residuos de bolsas escogidas al azar y llenadas a un cilindro para luego calcular la densidad dividiendo el peso entre el volumen.

4.1.3.3. Composición de residuos domiciliarios

Este parámetro ayuda a conocer los componentes que tiene los residuos sólidos para un posible programa de recuperación o reciclaje.

Tabla 8: Composición de residuos

| TIPO DE RESIDUO SÓLIDO | % |
|--------------------------------|---------|
| Materia Orgánica | 39.176% |
| Madera, Follaje | 6.268% |
| Papel | 2.374% |
| Cartón | 1.998% |
| Vidrio | 1.470% |
| Plástico PET | 1.869% |
| Plástico duro | 1.334% |
| Bolsas | 6.196% |
| Tecnopor y Similares | 0.769% |
| Aluminio | 0.127% |
| Metal ferroso | 2.037% |
| Telas, Textiles | 0.449% |
| Caucho, cuero, jebe | 0.201% |
| Pilas | 0.114% |
| Restos de medicina | 0.294% |
| Residuos de servicio higiénico | 8.077% |
| Residuos inertes | 20.254% |
| Otros (cabello, cera, CD, | 6.993% |
| porcelana, lana, hueso) | 0.993% |
| TOAL | 100% |

Fuente: PIGARS Jauja 2015.

Se puede observar en la tabla 8, que existe una mayor presencia de materia orgánica con 39.176% y residuos inertes con 20.254%.

4.1.3.4. Transporte

La Municipalidad de Jauja, actualmente en el año 2018, cuenta con tres vehículos compactadores con los cuales realiza el recojo de los residuos sólidos.

Tabla 9: Compactadores

| N° | NOMBRE DE LA UNIDAD | AÑO | TIPO | PLACA | MARCA | CAPACIDAD (m3) | ESTADO |
|----|------------------------|------|------|---------|---------|-------------------|---------|
| 1 | COMP N°1 | 2012 | 1 | EGK-190 | IZUSU | 12 | Regular |
| 2 | COMP N°2 | 2007 | 1 | WGP-199 | HYUNDAI | 9 | Regular |
| 3 | COMP N°3 | 2015 | 1 | EGV-502 | ISUZU | 15 | Regular |

Fuente: Municipalidad de Jauja.

El recorrido de los compactadores detallados en la tabla 9, siguen las rutas asignadas en las tablas uno, dos y tres respectivamente.

4.1.3.5. Horarios de recolección

Los horarios establecidos son los siguientes:

a. Turno mañana: recolección de carreteras de limpieza pública

Vehículo compactador de placa EGV – 502

Inicio: 05:00 am

Término: 08:30 am

b. Turno Tarde: recolección de residuos sólidos domiciliaros

Vehículo compactador de placa: EGV-502

Inicio: 01:30 pm

Término: 08:30 pm

c. Turno Tarde: recolección de residuos sólidos domiciliarios

Vehículo compactador de placa: EGK-199

Inicio: 01:30 pm

Término: 08:30 pm

d. Turno Tarde: recolección de residuos sólidos domiciliarios

Vehículo compactador de placa: WGP-190

Inicio: 01:30 pm

Término: 08:30 pm

La recolección de los residuos sólidos domiciliarios se realiza todos los días excepto domingos y feriados.

Residuos orgánicos: lunes, miércoles y viernes

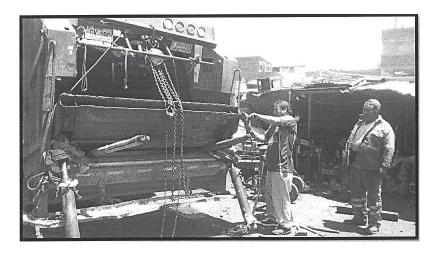
Residuos inservibles: martes, jueves y sábado

Según el decreto supremo N°014-2017-MINAM la frecuencia de recolección mínima para los residuos sólidos no aprovechables es de tres veces por semana, es por esta razón que el área de Gestión Integral de Residuos sólidos decidió distribuir de esa manera la recolección de los residuos.

4.1.3.6. Mantenimiento

El Área de Gestión Integral de Residuos Sólidos cuenta con un presupuesto asignado según elaboración del Plan Operativo Institucional (POI) de S/27 ,473.00 soles con lo cual se cubre la compra de lubricantes, filtros y servicios de mantenimiento de los vehículos compactadores. El mantenimiento preventivo se puede cubrir inmediatamente con el presupuesto asignado, en cambio el mantenimiento correctivo o modificativo se tiene que identificar el repuesto a requerir o las modificaciones necesarias y posteriormente hacer el requerimiento y si es necesario pedir una ampliación presupuestal.

Figura 8: Modificación de vehículo recolector



Fuente: Plan de mantenimiento de vehículos compactadores

En la figura 8, se observa el mantenimiento modificativo, que se realiza cuando el vehículo compactador sufre averías y los repuestos que no se encuentran en el mercado se tiene que reconstruir o mandarlos a hacer, el caso de la figura es una modificación de la cuchara de recepción de los residuos sólidos.

El Área de Gestión Integral de Residuos Sólidos realizó un plan de mantenimiento anual que se detalla en la siguiente tabla:

Tabla 10: Plan de mantenimiento

| VEHÍCULO | | MES DE MANTENIMIENTO/DÍA | | | | | | RESPONSABLE | | | | | |
|-----------------|----|--------------------------|----|----|----|----|----|-------------|----|-----|------------|-----|-------------|
| VEHICULU | | 2° | 3° | 4° | 5° | 6° | 7° | 8° | 9° | 10° | 11° | 12° | RESPONSABLE |
| ISUZU EGV-502 | 14 | 18 | 4 | 8 | 6 | 3 | 8 | 12 | 9 | 7 | 4 | 9 | Mecánico |
| | 28 | - | 18 | 22 | 20 | 24 | 29 | 26 | 23 | 21 | 25 | 23 | Mecánico |
| ISUZU EGK-190 | 13 | 17 | 3 | 7 | 5 | 2 | 7 | 11 | 8 | 6 | 3 | 8 | Mecánico |
| 15020 EGK-190 | 27 | - | 17 | 21 | 19 | 23 | 28 | 25 | 22 | 20 | 24 | 22 | Mecánico |
| HYUNDAI WGP-199 | 12 | 16 | 2 | 6 | 4 | 1 | 6 | 10 | 7 | 5 | 2 | 7 | Mecánico |
| | 26 | - | 16 | 20 | 18 | 22 | 27 | 24 | 21 | 19 | 23 | 21 | Mecánico |

Fuente: Plan de Mantenimiento de vehículos compactadores

Las visitas al mecánico para el mantenimiento preventivo programadas en la tabla 10, son básicamente para el cambio de lubricantes y filtros de los vehículos compactadores y revisión de algunas fallas.

4.1.3.7. Consumo de combustible

En el Plan Operativo Institucional se detalla el consumo por combustible de los vehículos recolectores. En promedio se ha calculado que el consumo diario de cada vehículo es de cuatro galones.

Tabla 11: Costo de combustible asignado

| VEHÍCULO | Gal Diario | DÍAS | TOTAL MENSUAL | | TO POR Gal | T | OTAL EN SOLES |
|-------------------------------|------------|------|------------------|----|---------------|----|------------------|
| ISUZU EGV-502 TURNO MAÑANA | 4 | 30 | 120 | S/ | 12.10 | S/ | 1,452.00 |
| ISUZU EGK-190 | 4 | 30 | 120 | S/ | 12.10 | S/ | 1,452.00 |
| HYUNDAI WGP-199 | 4 | 30 | 120 | S/ | 12.10 | S/ | 1,452.00 |
| ISUZU EGV-502 TURNO TARDE | 4 | 30 | 120 | S/ | 12.10 | S/ | 1,452.00 |
| TOTAL MENSUAL | | | | | | S/ | 5,808.00 |
| TOTAL ANUAL | | | | | | S/ | 69,696.00 |

Fuente: Plan Operativo Institucional

4.1.3.8. Recursos Humanos

Los cargos del personal obrero en el Área de Gestión Integral de Residuos sólidos son:

- Limpieza: que está determinado por el personal que realiza el barrido de las calles de alto tránsito peatonal, como son las calles principales y parques.
- Chofer: son los encargados del manejo de los vehículos recolectores.
- Ayudante: por cada vehículo compactador hay dos ayudantes para recoger los residuos de las viviendas en el recorrido de las rutas de los vehículos.
- Segregador: encargados de realizar la separación de los residuos sólidos orgánicos de los inservibles
- Administrador Macón: se cuenta con un administrador en el botadero de Macón, encargado del registro de la entrada y salida de los desechos al botadero.

Tabla 12: Personal Obrero

| N° | APELLIDOS Y NOMBRES | REMU | NERACIÓN SOLES | CARGO |
|----|-------------------------------------|------|----------------|------------|
| 1 | Aquino Fierro Ruth María | S/ | 850.00 | LIMPIEZA |
| 2 | Astahuaman Castillo Hector | S/ | 1,314.34 | CHOFER |
| 3 | Barzola Ingaroca Abel | S/ | 1,140.00 | AYUDANTE |
| 4 | Bonifacio De La Cruz Carlos Pablo | S/ | 850.00 | AYUDANTE |
| 5 | Calderón Baldeón Miguel Arcangel | S/ | 850.00 | LIMPIEZA |
| 6 | Cardenas Mercado Walter Luis | S/ | 1,397.14 | CHOFER |
| 7 | Casimiro Vivanco Julio Cesar | S/ | 850.00 | LIMPIEZA |
| 8 | Cavero Achichuaman Cesar Hernan | S/ | 1,140.00 | SEGREGADOR |
| 9 | Cencho Soto Marcelino | S/ | 1,140.00 | AYUDANTE |
| 10 | Chavez Loayza Justo Diego | S/ | 1,140.00 | LIMPIEZA |
| 11 | Condor Mallaupoma José Luis | S/ | 1,000.00 | ADM. MACON |
| 12 | Cordero Galarza Marcos Antonio | S/ | 850.00 | LIMPIEZA |
| 13 | Cordero León Gustavo | S/ | 850.00 | CHOFER |
| 14 | De La Cruz Castro Diana | S/ | 850.00 | LIMPIEZA |
| 15 | Dueñas Collachagua David | S/ | 850.00 | CHOFER |
| 16 | Esteban Bravo Alex Richard | S/ | 1,140.00 | LIMPIEZA |
| 17 | Esteban Nuñez Luis Alfredo | S/ | 850.00 | AYUDANTE |
| 18 | Felix Vasquez Rosa Carmen | S/ | 1,140.00 | LIMPIEZA |
| 19 | Flores Rojas Emiliano Pascual | S/ | 1,140.00 | LIMPIEZA |
| 20 | Guerrero Díaz Jesús Rafael | S/ | 1,140.00 | SEGREGADOR |
| 21 | Hernandez García Gervacio | S/ | 1,257.91 | LIMPIEZA |
| 22 | Hilario Robladillo Yesenia Consuleo | S/ | 1,140.00 | LIMPIEZA |
| 23 | Miranda Blancas Paul Roberth | S/ | 850.00 | CHOFER |
| 24 | Montañez Ortiz Juan Carlos | S/ | 1,140.00 | LIMPIEZA |
| 25 | Moreno López Másximo | S/ | 1,418.25 | LIMPIEZA |
| 26 | Obregon Matamoros Celestino | S/ | 1,421.22 | GUARDIÁN |
| 27 | Paucar Espinoza Isidoro | S/ | 1,399.34 | AYUDANTE |
| 28 | Poma Ubaldo Pablo Teodoro | S/ | 850.00 | AYUDANTE |
| 29 | Poves Cervantes Luis Gonzalo | S/ | 1,140.00 | AYUDANTE |
| 30 | Quispe Pérez Edgar Javier | S/ | 850.00 | LIMPIEZA |
| | Ramos Espejo Adrían Maximiliano | S/ | 1,138.00 | LIMPIEZA |
| | Rivera Cavez Cancio Amadeo | S/ | 1,140.00 | LIMPIEZA |
| | Rodríguez Espinoza Gudelia Delfina | S/ | 1,140.00 | LIMPIEZA |
| | Salazar Tenicela Javier Enrique | S/ | 10,555.00 | SEGREGADOR |
| 35 | Suarez Peña Walter Manuel | S/ | 1,140.00 | SEGREGADOR |

Fuente: Área de Gestión Integral de Residuos Sólidos Jauja.

En la tabla 12, se presenta el cargo y remuneración de cada persona, haciendo un total de S/ 47,061.20 en remuneraciones mensuales para el Área de Gestión Integral de Residuos Sólidos en el distrito de Jauja.

4.1.3.9. Disposición final

La disposición final de los residuos sólidos municipales del distrito de Jauja actualmente se dispone en el botadero llamado Macón, que está ubicado en el distrito de Yauyos. Dicho botadero tiene un área aproximada de 1.5 hectáreas y se encuentra a una distancia de 2 kilómetros del distrito de Jauja.

Figura 9: Botadero Macón



Fuente: Google Earth

Figura 10: Disposición final



Fuente: Elaboración propia

4.2. CONSUMO DE COMBUSTIBLE POR SECTOR

Para el recojo de los residuos sólidos se distribuyó el distrito en tres sectores para el recorrido de las rutas, las cuales se pueden apreciar en las figuras una, dos y tres. El consumo diario designado por camión es de 4 galones diarios, esto debido a que considera también el recorrido hasta el botadero de Macón y el retorno al depósito municipal que es en promedio 4 km más de recorrido.

Tabla 13: Distancia por ruta

| RUTA DE CAMIÓN | DISTANCIA DE RUTA (Km) | DISTANCIA TOTAL |
|----------------|---------------------------|-----------------|
| EGV - 502 | 17.4 | 21.4 |
| EGK - 190 | 18.4 | 22.4 |
| WGP - 199 | 19.7 | 23.7 |

Fuente: elaboración propia

Respecto al rendimiento de kilómetros por galón, se consultó con los conductores de los camiones, los cuales indicaron que aproximadamente se tiene un rendimiento de 6 km/gal y los camiones son conducidos a una velocidad promedio de 5km/h.

Tabla 14: Costo por combustible

| VEHÍCULO | DISTANCIA RENDIMIENTO TOTAL (Km) (Km/gal) | | GALONES DIARIOS | PRECIO POR GALÓN DE GASOLINA (S/) | | COSTO POR COMBUSTIBLE (S/) | |
|-----------|---|---|--------------------|--------------------------------------|--------|----------------------------|--|
| EGV - 502 | 21.4 | 6 | 3.566666667 | S/ 13 | .28 S/ | 47.37 | |
| EGK - 190 | 22.4 | 6 | 3.733333333 | S/ 13 | .28 S/ | 49.58 | |
| WGP - 199 | 23.7 | 6 | 3.95 | S/ 13 | .28 S/ | 52.46 | |
| | TOTAL | | S/ | 149.40 | | | |

Fuente: Elaboración propia

En la tabla 14, se detalla el consumo de combustible diario por vehículo recolector, y, además se tiene la suma de S/ 149.40 soles diarios en gasolina considerando el precio actual del galón de gasolina de 90 octanos en el mes de noviembre a S/13.28 soles, según la división de supervisión regional supervisión de comercialización de hidrocarburos líquidos de Osinergmin.

4.3. TIEMPO DE RECOLECCIÓN

Para calcular el tiempo promedio de recolección se tomó una muestra de 6 días, de lunes a sábado, ya que domingos no se realiza la recolección de los residuos sólidos. Los tiempos tomados son hasta el término del recorrido de la ruta, no se considera la disposición final.

Tabla 15: Tiempo de recolección

| DÍA | VEHÍCULO | HORA DE | HORA DE | TIEMPO |
|-----------|-----------|---------|---------|--------|
| DIA | VEHICULU | SALIDA | TÉRMINO | REAL |
| | EGV - 502 | 01:30 | 07:30 | 06:00 |
| LUNES | EGK - 190 | 01:30 | 07:50 | 06:20 |
| | WGP - 199 | 01:30 | 08:15 | 06:45 |
| | EGV - 502 | 01:30 | 07:46 | 06:16 |
| MARTES | EGK - 190 | 01:30 | 07:53 | 06:23 |
| | WGP - 199 | 01:30 | 08:28 | 06:58 |
| | EGV - 502 | 01:30 | 07:38 | 06:08 |
| MIÉRCOLES | EGK - 190 | 01:30 | 07:48 | 06:18 |
| | WGP - 199 | 01:30 | 08:09 | 06:39 |
| | EGV - 502 | 01:30 | 07:27 | 05:57 |
| JUEVES | EGK - 190 | 01:30 | 07:43 | 06:13 |
| | WGP - 199 | 01:30 | 07:58 | 06:28 |
| | EGV - 502 | 01:30 | 07:38 | 06:08 |
| VIERNES | EGK - 190 | 01:30 | 07:56 | 06:26 |
| | WGP - 199 | 01:30 | 08:17 | 06:47 |
| | EGV - 502 | 01:30 | 07:32 | 06:02 |
| SÁBADO | EGK - 190 | 01:30 | 07:49 | 06:19 |
| | WGP - 199 | 01:30 | 08:04 | 06:34 |

Fuente: Elaboración propia

A partir de los tiempos registrados en la tabla 15, se pudo calcular el tiempo promedio por ruta que recorre cada vehículo para luego compararlas con el tiempo calculado y hallar el porcentaje de tiempo por paradas.

Tabla 16: Tiempo promedio de recolección

| TIEMPO REAL PROM. | | | | | | |
|------------------------|----------|--|--|--|--|--|
| EGV - 502 | 06:05:10 | | | | | |
| EGK - 190 | 06:19:50 | | | | | |
| WGP - 199 | 06:41:50 | | | | | |
| TOTAL | 19:06:50 | | | | | |
| TIEMPO CALCULADO | | | | | | |
| EGV - 502 | 3.48 | | | | | |
| EGK - 190 | 3.68 | | | | | |
| WGP - 199 | 3.94 | | | | | |
| TOTAL | 11.1 | | | | | |
| INCREMENTO POR PARADAS | | | | | | |
| 42% | | | | | | |
| · | | | | | | |

El tiempo calculado fue hallado con la distancia total de cada ruta y la velocidad promedio de los vehículos. Se puede apreciar en la tabla 16, que el incremento por paradas es de un 42% del tiempo total de recolección.

4.4. MODELO DE OPTIMIZACIÓN DE RUTAS

Para la construcción de la fórmula objetivo se toma como punto de partida el Método del Agente Viajero (TSP), donde se busca el recorrido de menor distancia total, pero la variante para la investigación es que no es necesario volver al punto de donde se comienza la ruta.

El modelo requiere de la multiplicación de las ocasiones que es recorrida un arco por una constante que generalmente es un costo, pero para el modelo se tomará como constante a la distancia, debido a que los costos en gasolina están directamente asociadas a la distancia total recorrida.

Para tener mapeado el distrito de Jauja, será necesario que los pasos por las esquinas del mapa sean obligatorios con lo cual se busca recoger la mayor cantidad de los residuos y tener campo visual de todas las calles para verificar si se han recogido los residuos de las calles.

Para el modelo se considera una variable a cada arco, que está compuesta por la unión de dos nodos, donde cada nodo viene a ser una esquina del mapa. Estos mapas con los nodos se encuentran en el anexo 02, y en el anexo 09, las combinaciones posibles entre los arcos del mapa.

La función objetivo creada busca minimizar la distancia total recorrida. Los vehículos compactadores tienen que dejar limpia toda la ruta, pero esto no quiere decir que se tiene

que pasar por absolutamente todas las calles del distrito, para esto se propone el paso a pie de los ayudantes por las calles no recorridas o crear centros de acopio en puntos específicos del distrito.

Restricciones del modelo:

El vehículo compactador tiene que recorrer todos los nodos, esto quiere decir que se pasará por todas las esquinas del mapa, para esto será necesario que cada nodo tenga diferentes restricciones. En el caso de que sea un camino de dos o más arcos entonces la restricción será que la suma de los arcos sea mayor igual a dos, además que la suma de un subgrupo de dos arcos adyacentes tendrá la restricción de mayor igual que uno.

Modelo matemático:

$$\min \sum_{(i,j)\in E} C_{ij} X_{ij}$$

$$s. a \sum_{j\in (\Delta^+(t),\Delta^-(t))} X_{ij} \ge 2$$

Dónde:

 $i, j = nodos \ existentes$ $\Delta^+(t) = nodo \ adyacente \ a \ i$ $\Delta^-(t) = nodo \ subyacente \ a \ j$ $C_{ij} = constante \ (distancia)$

Para aplicar la función objetivo de minimizar la distancia total recorrida primero se hizo una nueva distribución dónde se propone 6 sectores que se muestran en la siguiente figura.

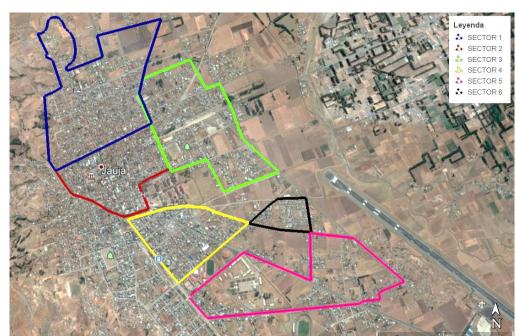


Figura 11: Sectores de recolección

Estos sectores fueron diseñados teniendo como base el plano catastral del distrito de Jauja, que está sectorizado en seis partes siguiendo las especificaciones del Manual de Levantamiento Catastral Urbano desarrollado por el Sistema Nacional Integrado de Información Catastral Predial – Perú. Los sectores propuestos no superan las 70 manzanas como sugiere el manual, además se asignará los sectores para cada vehículo recolector teniendo en cuenta que las distancias totales recorridas sean similares, ya que, los vehículos tienen similares características y capacidades.

Figura 12. Plano catastral distrito de Jauja



Fuente: Sub Gerencia de Desarrollo Urbano Municipalidad de Jauja.

Luego de aplicar el modelo en el software Lingo se obtiene los arcos sugeridos, las variables de solución son binarias ya que solo toma los valores de 0 y 1 para indicar si se recorre o no una ruta.

Para definir las nuevas rutas propuestas se prioriza el paso por los arcos sugeridos por Lingo, pero debido a que esta solución no contempla el sentido de las calles, es necesario hacer un ajuste de los mismos.

4.5. RUTAS PROPUESTAS

Figura 13: Ruta 1



Para la ruta 1 se inicia en el Centro Cívico, recorre el barrio San Lorenzo, continúa por el Jr Ayacucho, Av. Tarma y así consecutivamente tal como se muestra, hasta llegar al Jr. Gálvez, haciendo un total de 9.76 Km de recorrido total de la ruta 1. Se puede observar que el vehículo recolector pasará por todas las esquinas del mapa, pero no se recorre todas las calles, se propone un recojo a pie por los ayudantes tal como se realiza en el Jr. Junín debido a que es un jirón de uso peatonal, también se considera la implementación de centros de acopio en los lugares más céntricos para acumular los residuos de los lugares por donde no pasará el camión recolector.

Respecto a los arcos sugeridos para esta ruta, se tuvo que hacer algunos ajustes porque el sentido de las calles no permitía el cruce por todos los arcos sugeridos de la solución del Lingo que se detallan en el anexo 22. En la ruta propuesta se recorre 47 de los 62 arcos sugeridos por el software Lingo.





Para la ruta 2, inicia en el Jr. Bolívar hasta el Jr. Gálvez para luego recorrer las calles de forma transversal ya que el sentido de las calles lo permite, para finalmente terminar el recorrido en el Jr. Tacna haciendo un total de 5.51 Km de distancia de toda la ruta. En esta ruta se logró recorrer 36 de los 48 arcos sugeridos por la solución del Lingo que se detallan en el anexo 23.

Figura 15: Ruta 3



Para la ruta 3, comienza en la Av. Clodoaldo Espinoza, pasa por la Av. Evitamiento y sigue la secuencia que se muestra en la figura, hasta llegar nuevamente a la Av. Evitamiento. En esta ruta se pasa por 48 de los 59 arcos sugeridos por la solución del Lingo que se detallan en el anexo 24. Para esta ruta solo se recogerá 4 calles a pie por los ayudantes, debido a que en esta ruta se cubre casi la totalidad de los arcos. La distancia total de la ruta es de 7.81 Km.

Figura 16: Ruta 4



Para la ruta 4, se inicia en la Av. Huarancayo y sigue la secuencia hasta llegar a la Av. Aviación, la ventaja de esta ruta es que la mayoría de sus calles son de doble vía, permitiendo mayor fluidez. La ruta hace un total de 4.81 Km, logrando recorrer 31 de los 41 arcos sugeridos por la solución del Lingo que se detallan en el anexo 25.

Figura 17: Ruta 5



Para la ruta 5, inicia en la Av. Héroes de la Breña, pasa por Jacinto Ibarra, y sigue la ruta hasta llegar a la Av. Francisco Carlé. Esta ruta presenta calles que son doble vía, lo cual facilita el recorrido por la mayoría de los arcos. La distancia total de la ruta es 5.25 Km, logrando recorrer 17 de los 21 arcos sugeridos por la solución del Lingo que se detallan en el anexo 26.

Figura 18: Ruta 6



Para la ruta 6, comienza y termina en la Av. Francisco Carlé, para este caso las calles son de doble vía. La distancia total de la ruta es de 1.33 Km, logrando recorrer 16 de los 21 arcos sugeridos en la solución del Lingo que se detallan en el anexo 27.

Tabla 17: Distancia de rutas propuestas

| VEHÍCULO | RUTAS | DISTANCIA (Km) |
|-----------|---------|----------------|
| EGV - 502 | 1 | 9.76 |
| EGK - 190 | 2,3 | 13.32 |
| WGP - 199 | 4,5 Y 6 | 11.39 |
| TO | 34.47 | |
| | | |

Fuente: Elaboración propia

Se distribuye las rutas para los tres vehículos recolectores tal como se muestra en la tabla 17, y se determina que la distancia total de las 6 rutas propuestas es 34.47 Km, distancia que es mucho menor a los 55.5 Km iniciales sin el modelo de optimización.

4.6. AHORRO DE COMBUSTIBLE DE LAS RUTAS PROPUESTAS

Para calcular el ahorro por galones de combustible consumidos en la recolección, se halla primero el tiempo de recolección de cada ruta, considerando un incremento por paradas de 42% hallado en la tabla 15.

Tabla 18: Tiempo de recorridos por ruta propuesta

| RUTA | DISTANCIA (Km) | VELOCIDAD PROMEDIO (Km/h) | TIEMPO (h) | INCREMENTO POR PARADAS | TIEMPO TOTAL |
|------|-------------------|------------------------------|------------|---------------------------|-----------------|
| 1 | 9.76 | 5 | 1.952 | 42% | 2.770185243 |
| 2 | 5.51 | 5 | 1.102 | 42% | 1.563905808 |
| 3 | 7.81 | 5 | 1.562 | 42% | 2.216715856 |
| 4 | 4.81 | 5 | 0.962 | 42% | 1.36522449 |
| 5 | 5.25 | 5 | 1.05 | 42% | 1.49010989 |
| 6 | 1.33 | 5 | 0.266 | 42% | 0.377494505 |
| | | TOTAL | | | 9.783635793 |

Fuente: Elaboración propia

En la tabla 18, se observa que el tiempo total de recolección es de 9,78 horas, que consideran el 42% de paradas, ya sean paradas por la propia recolección o posibles imprevistos.

Tabla 19: Ahorro por consumo de combustible

| TIEMPO MODELO | 9.783635793 |
|------------------------|--------------|
| TIEMPO INICIAL | 19.11 |
| REDUCCIÓN | 48.80% |
| AHORRO DIARIO (h) | 9.326364207 |
| VELOCIDAD PROM. (Km/h) | 5 |
| AHORRO DIARIO (Km) | 46.63182104 |
| RENDIMIENTO (Km/gal) | 6 |
| GALONES AHORRADO | 7.771970173 |
| COSTO GALÓN 90 OCTANOS | 13.28 |
| AHORRO DIARIO | S/ 103.21 |
| AHORRO ANUAL | S/ 32,718.13 |

Para calcular el ahorro en combustible se tomó en cuenta el ahorro diario expresado en horas de la recolección de los residuos sólidos, a partir de este dato se pudo calcular el ahorro anual que vendría a ser la suma de S/ 32,718.13 soles, siendo un ahorro considerable comparado con los S/ 69,696.00 soles destinados para el consumo de combustible para el Área de Gestión Integral de Residuos Sólidos del distrito de Jauja.

4.7. DISCUSIÓN DE RESULTADOS

Al realizar el diagnóstico del estado actual de la recolección de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja, mediante la observación y el análisis documentario, se pudo observar que no se tiene un ruteo óptimo, ya que las rutas fueron determinadas de manera empírica, además se recorre en algunos casos más de una vez una calle. Es por ello que se propone la optimización de rutas mediante el método del agente viajero TSP; de la misma forma que (José Taquia, 2013) en su tesis, determina que el método del agente viajero TSP es aplicable para el ruteo de vehículos para la recolección de residuos sólidos y que además mejora la rentabilidad reduciendo los costos operativos.

La sectorización del distrito de Jauja en seis partes fue determinada teniendo como base el plano catastral del distrito de Jauja, donde también se establecen seis sectores, de acuerdo al Manual de Levantamiento Catastral Urbano que sugiere un máximo de 70 manzanas por sector, además de ello también se tiene como límites las avenidas o vías principales. En la investigación se asigna las rutas para cada vehículo compactador, para

el primer vehículo se asigna la ruta 1, para el segundo vehículo la ruta 2 y 3 y para el tercer vehículo se asigna las rutas 4, 5 y 6.

La optimización de rutas propuesta se basa en la creación de nuevas rutas donde la distancia total sea mínima para reducir el costo por consumo de combustible, además de ello las rutas tienen que seguir el sentido de las calles, es por eso que la solución que se obtiene en el software Lingo es ajustada a la realidad. Las rutas propuestas logran un ahorro anual de S/ 32,718.13 soles y reduce el tiempo de recolección en un 48.8%.

CONCLUSIONES

- Se propuso un modelo optimizado de rutas para el recojo de residuos sólidos en el distrito de Jauja, utilizando el método del Agente Viajero (TSP) que logra un ahorro anual en consumo de combustible de S/ 32,718.13 soles, además reduce el tiempo de recolección en un 48.8%.
- Se detalló el estado actual del recojo de residuos sólidos en el distrito de Jauja, mencionando el presupuesto asignado según el Plan Operativo Institucional (POI), horarios de recolección, personal obrero, mantenimiento, composición de los residuos sólidos, densidad, generación y transporte.
- 3. Los costos de consumo de combustible por sector fueron calculados mediante la distancia total, el rendimiento y el costo por galón de gasolina de 90 octanos, obteniéndose para el sector 1 un costo diario de S/ 47.37, para el sector 2 un costo de S/ 49.58 y para el sector 3 un total de S/ 52.46 soles respectivamente.
- 4. Con la función objetivo de minimizar la distancia total recorrida mediante el método del Agente Viajero (TSP), se pudo obtener una serie de arcos sugeridos para las nuevas rutas, dichas rutas fueron ajustadas de acuerdo al sentido de las calles para no generar desorden vehicular y garantizar la factibilidad de recorrer las rutas propuestas.
- 5. La propuesta de las 6 nuevas rutas de recolección, logra reducir la distancia total recorrida y por consiguiente reducir el tiempo total de recolección, logrando así un ahorro anual calculado de S/ 32,718.13.
- 6. Una de las principales dificultades en el desarrollo de la investigación fue que las calles del distrito de Jauja en su mayoría son de un solo sentido, esto fue un inconveniente a la hora de ajustar las rutas propuestas para no alterar el sentido del tráfico.

RECOMENDACIONES

- Se recomienda al Área de Gestión Integral de Residuos Sólidos mantener un buen control de sus vehículos compactadores, y adecuado mantenimiento para asegurar el correcto servicio de recolección de los residuos sólidos domiciliarios.
- 2. El modelo optimizado de rutas genera un ahorro considerable en combustible y tiempo de recorrido, generando así el menor tiempo del personal expuesto a los residuos sólidos, pero esto debe estar acompañado campañas de sensibilización para los trabajadores y también al público en general.
- Existen muchos métodos para resolver el problema del transporte, pero de soluciones complejas, queda para futuras investigaciones encontrar otra solución que incluya restricciones de capacidad o de tiempo.
- 4. Se recomienda al Área de Gestión Integral de Residuos Sólidos de la Municipalidad provincial de Jauja, implementar contenedores de basura en las calles, avenidas y principales barrios de la ciudad para evitar la acumulación de desechos en la vía pública.
- 5. Es necesario que los conductores estén correctamente capacitados para operar los vehículos de acuerdo a las especificaciones técnicas de los fabricantes, también evitar que los vehículos se sobrecarguen ya que esto generaría un consumo mayor de combustible en la operación del motor.
- 6. Se recomienda el método del agente viajero como solución al ruteo de vehículos de recolección de residuos sólidos, pero además se puede plantear el problema teniendo en cuenta otras restricciones, ya sean restricciones como la capacidad, flota heterogénea o de tiempo, además de tomar en cuenta las características del terreno por dónde circulan los vehículos.

REFERENCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- SOCIEDAD NACIONAL DE INDUSTRIAS. Lima entre las ciudades con mayor costo logístico de transporte de América Latina - Sociedad Nacional de Industrias. enero 23 [online]. 2017. [Accessed 27 April 2019]. Available from: http://www.sni.org.pe/lima-entre-las-ciudades-con-mayor-costo-logistico-entransporte-de-america-latina/
- MINAM. Plan Nacional De Acción Ambiental Perú 2011 2021 [online]. 2011.
 Diario Oficial El Peruano. Available from: http://www.minam.gob.pe/wp-content/uploads/2013/08/plana_2011_al_2021.pdf
- MINAM. Plan Nacional de Gestión Integral de Residuos Sólidos 2016-2024 [online].
 2016. ISBN 9789977621074. Available from:
 http://sinia.minam.gob.pe/documentos/plan-nacional-gestion-integral-residuos-solidos-2016-2024
- 4. OCDE. Evaluación del Desempeño Ambiental Perú 2016. 2016.
- CORREA-ESPINAL, Alexander Alexander, GÓMEZ-MONTOYA, Rodrigo A. and HERNANDEZ-VAHOS, José D. Efficient Preparation of Orders in a Distributor Coffee Company Using Tabu Search. *Tecciencia*. 2013. Vol. 8, no. 15, p. 59–68.
- 6. SIMÓN, Silvia, DEMALDÉ, José, HERNÁNDEZ, José and CARNERO, Mercedes. Optimización de Recorridos para la Recolección de Residuos Infecciosos. Información tecnológica [online]. 2013. Vol. 23, no. 4, p. 125–132. [Accessed 15 April 2018]. DOI 10.4067/S0718-07642012000400014. Available from: http://www.scielo.cl/scielo.php?script=sci_arttext&pid=S0718-07642012000400014&Ing=en&nrm=iso&tIng=en
- 7. PÉREZ RAVE, Jorge Ivan and JARAMILLO ÁLVAREZ, Gloria Patricia. Espacio literario relevante sobre el problema del vendedor viajero (TSP): contenido, clasificación, métodos y campos de inspiración. *Production*. 2013. Vol. 23, no. 4, p. 866–876. DOI 10.1590/s0103-65132013005000003.
- SUAREZ-CHILMA, Victor F., SARACHE, William A. and COSTA, Yasel J. Una Solución al Enrutamiento de Vehículos en Ciudades Montañosas Considerando Aspectos Ambientales y Económicos. *Información tecnológica* [online]. 2018. Vol. 29, no. 3, p. 3–14. DOI 10.4067/S0718-07642018000300003. Available from: http://www.scielo.cl/scielo.php?script=sci_arttext&pid=S0718-07642018000300003&Ing=en&nrm=iso&tIng=en
- 9. DAZA, Julio Mario, MONTOYA, Jairo R and NARDUCCI, Francesco. SOLVING THE CAPACITATED VEHICLE ROUTING PROBLEM USING A TWOPHASE METAHEURISTIC PROCEDURE. *Revista EIA*. 2014. No. 12, p. 23–38.
- CARBONEL NAMAY, Teresa de Jesús. Modelo matemático de planificación de rutas para minimizar los costos del reparto de la empresa San Isidro Labrador S.R.L. en el año 2015 [online]. Universidad Cesar Vallejo, 2015. Available from: http://repositorio.ucv.edu.pe/handle/UCV/126

- 11. TIRADO MELÉNDEZ, Sarita Margareth. Impacto económico de la mejora de las rutas de recolección de residuos sólidos en la ciudad de Cajabamba, en el rubro de costos de limpieza pública de la Municipalidad Provincial de Cajabamba [online]. Universidad Privada del Norte, 2013. Available from: http://hdl.handle.net/11537/10542
- 12. GUSTAVO, Anselmo Prada Cuadra and TORRES, William Yrvin Paredes. "DISEÑO DE OPTIMIZACIÓN DE RUTAS DE TRANSPORTE TSP Y PLAN DE ACCIÓN PARA INCREMENTAR LA RENTABILIDAD DE PERÚ GLP S.A.C. TRUJILLO." Universidad Privada del Norte, 2017.
- 13. TAQUIA, José Alberto. Optimización de rutas en una empresa de recojo de residuos sólidos en el distrito de los Olivos [online]. Pontificia Universidad Católica del Perú, 2013. Available from: http://tesis.pucp.edu.pe/repositorio/handle/123456789/4603
- 14. HILLIER, Frederick S. and LIEBERMAN, Gerald J. *Introducción a la Investigación de operaciones*. 2013. ISBN 978-607-15-0308-4.
- 15. TAHA, Hamdy a. *Investigación de operaciones Modelo de transbordo* [online]. Novena Ed. 2012. ISBN 9786077331391. Available from: https://jrvargas.files.wordpress.com/2009/01/investigacic3b3n-de-operaciones-9na-edicic3b3n-hamdy-a-taha-fl.pdf
- JIMÉNEZ, Guillermo, LUIS, Lozano, MARTÍNEZ, A Moncayo, ABRIL, Iris and SALAZAR, Martínez. *Investigación de Operaciones*. Primera Ed. 2014. ISBN 9786074389234.
- OLIVERA, Alfredo. Heurísticas para problemas de ruteo de vehículos [online].
 2004. ISBN 0797-6410. Available from: https://www.fing.edu.uy/inco/pedeciba/bibliote/reptec/TR0408.pdf
- 18. WASSAN, N. A. and OSMAN, I. H. Tabu search variants for the mix fleet vehicle routing problem. *Journal of the Operational Research Society*. 2002. Vol. 53, no. 7, p. 768–782. DOI 10.1057/palgrave.jors.2601344.
- 19. DANTZIG, G, FULKERSON, R and JOHNSON, S. Solution of a large-scale traveling-salesman problem. *The operations research society of america*. 1954. Vol. 2, p. 410.
- 20. BERNAL TORRES, César Augusto. *Metodología de la inestigación*. Tercera Ed. 2010. ISBN 9789586991285.
- HERNANDEZ SAMPIERI, Roberto, FERNANDES COLLADO, Carlos and BAPTISTA LUCIO, Pilar. *Metodología de la Investigación*. Quinta Ed. 2010. ISBN 9786071502919.
- 22. CARRASCO DÍAZ, Sergio. Metodología de la Investigación Científica. Lima, 2008.

ANEXOS

ANEXO 01. MATRIZ DE CONSISTENCIA

PROPUESTA DE RUTAS OPTIMIZADAS PARA EL RECOJO DE RESIDUOS SÓLIDOS DOMICILIARIOS EN EL DISTRITO DE JAUJA EN EL AÑO 2018

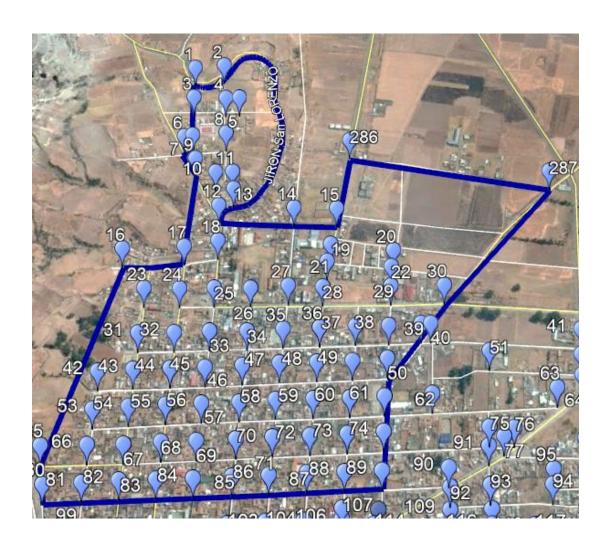
| PROBLEMA | OBJETIVOS | MARCO TEÓRICO | HIPÓTESIS | VARIABLES Y DIMENSIÓN | INDICADORES | METODOLOGÍA |
|--|--|---|--|---|-------------------------------------|--|
| GENERAL | GENERAL | ANTECEDENTES | GENERAL | VARIABLE 1 | | MÉTODO GENERAL |
| ¿Cómo se diseña un sistema optimizado de rutas para el | Proponer un diseño optimizado de rutas para el | En el artículo científico de (6). Que tiene como título | El diseño de un sistema optimizado de rutas | Modelado De Optimización De Rutas | | cuantitativo |
| recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja, utilizando el método | recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja, utilizando el método | "Preparación eficiente de órdenes en una compañía distribuidora de café | utilizando el método del agente viajero TSP, disminuye el costo de | DIMENSIONES | | DISEÑO DE LA INVESTIGACIÓN |
| del agente viajero TSP, en el año 2018? | del agente viajero TSP, en el año 2018. | usando búsqueda tabú" | transporte en el recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito | Minimizar Tiempo De Recorrido Por Ruta | Tiempo de recorrido por ruta | Pre- experimental |
| ESPECÍFICOS | ESPECÍFICOS | El artículo científico de (7). Que tiene como título "Optimización de | de Jauja. | | (h) | TIPO DE INVESTIGACIÓN |
| ¿Cuál es el estado actual del sistema de rutas de recojo de | Definir el estado actual del sistema de recojo de | Recorridos para la Recolección de Residuos | ESPECÍFICOS | Minimizar Distancia Total Recorrida | Distancia de rutas en (Km) | Aplicada |
| residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja en el año | residuos sólidos domiciliaros en el distrito de Jauja en el | Infecciosos" (14), realizó la | Es posible definir el estado actual del sistema de | Minimizar Consumo De | , , | ALCANCE O NIVEL DE LA INVESTIGACIÓN |
| 2018? ¿Es posible calcular los | año 2018. Determinar los costos | investigación: "Optimización de rutas en | recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja en el año 2018. | Combustible | Costo de consumo de combustible por | Explicativo |
| costos incurridos por transporte en el recojo de residuos sólidos domiciliarios | incurridos por el transporte en el recojo de los residuos | una empresa de recojo de residuos sólidos en el distrito de Los Olivos" | Es posible determinar los | | compactador | POBLACIÓN Y MUESTRA |
| en el distrito de Jauja en el año 2018? | sólidos domiciliarios por sector. | BASES TEÓRICAS | costos incurridos por transporte en el recojo de | | | Población: La población está determinada por todas las calles que conforman el distrito de Jauja. |

| ¿Cómo se determina la factibilidad técnica de las rutas propuestas para el recojo de residuos sólidos domiciliarios | Determinar la factibilidad técnica de las rutas propuestas con el método del agente viajero TSP. | Modelo de trasporte Se busca encontrar el plan | los residuos sólidos domiciliarios por sector. Es posible determinar la | VARIABLE 2 Costo Del Sistema De | | Muestra: La muestra es censal, porque está determinada por la totalidad de las calles que conforman |
|---|---|---|---|---|----------------------------|---|
| en el distrito de Jauja utilizando el método del agente viajero TSP? | | de distribución que minimice el costo total de | factibilidad técnica de las rutas propuestas mediante el método del agente viajero TSP. | Transporte De Recolección De Los Residuos. | | los 16 barrios del distrito de Jauja, esto para que al aplicar la función objetivo se considere los 293 nodos formados por las intersecciones de las |
| ¿Cómo se determina la factibilidad económica de las rutas propuestas para el | Determinar la factibilidad económica de la propuesta de rutas optimizadas para el | distribución y satisfaga las restricciones de la oferta y | Es posible determinar la factibilidad económica de | Ahorro En Combustible | % De ahorro en combustible | calles y de esta manera la ruta óptima recorra todos con una distancia mínima, además que los vehículos |
| recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja, utilizando el método del agente Viajero TSP? | recojo de residuos sólidos domiciliarios en el distrito de Jauja con el método del agente viajero TSP. | la demanda. | la propuesta de rutas mediante el método del agente viajero TSP. | Anono En compustible | Combustible | recolectores puedan cubrir la mayor parte del distrito de Jauja. |
| | | Problema del agente | | | | |
| | | viajero TSP es un problema de optimización, dónde un | | | | TÉCNICAS E INSTRUMENTOS DE RECOLECCIÓN DE DATOS |
| | | agente viajero pretende visitar una sola vez cada ciudad de un conjunto de | | | | Observación/análisis documentario. Software Lingo, Google Earth. |
| | | ellas (previamente establecidas), además debe regresar al punto de dónde partió. | | | | |

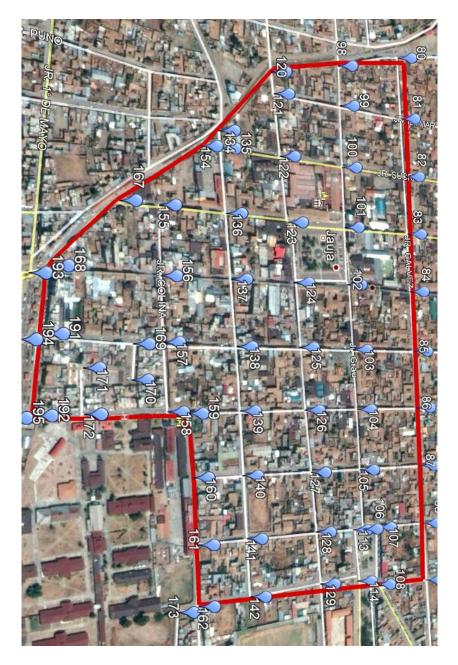
ANEXO 02. NODOS DEL DISTRITO DE JAUJA



ANEXO 03. MAPA PROPUESTO CON NODOS



ANEXO 04. MAPA 2 PROPUESTO CON NODOS



ANEXO 05. MAPA 3 PROPUESTO CON NODOS



ANEXO 06. MAPA 4 PROPUESTO CON NODOS



ANEXO 07. MAPA 5 PROPUESTO CON NODOS



ANEXO 08. MAPA 6 PROPUESTO CON NODOS



ANEXO 09. ARCOS POSIBLES MAPA 1

| | | | DISTANCIA |
|------|--------|-----|-----------|
| ARCO | INICIO | FIN | (m) |
| 1 | 1 | 2 | 77.97 |
| 2 | 1 | 3 | 84.85 |
| 3 | 2 | 4 | 95.7 |
| 4 | 3 | 4 | 85.44 |
| 5 | 3 | 7 | 108.31 |
| 6 | 4 | 5 | 36.23 |
| 7 | 4 | 8 | 99.72 |
| 8 | 5 | 8 | 103.9 |
| 9 | 6 | 7 | 21.9 |
| 10 | 6 | 9 | 70.5 |
| 11 | 7 | 8 | 88.26 |
| 12 | 9 | 12 | 147.44 |
| 13 | 9 | 17 | 242.22 |
| 14 | 10 | 11 | 44.29 |
| 15 | 10 | 12 | 92.24 |
| 16 | 11 | 13 | 47.44 |
| 17 | 12 | 13 | 57.17 |
| 18 | 12 | 14 | 188.31 |
| 19 | 14 | 15 | 111.87 |
| 20 | 14 | 27 | 209.54 |
| 21 | 15 | 286 | 185.1 |
| 22 | 15 | 19 | 94.2 |
| 23 | 16 | 17 | 154.37 |
| 24 | 17 | 18 | 87.85 |
| 25 | 17 | 24 | 109.9 |
| 26 | 18 | 25 | 130.2 |
| 27 | 19 | 15 | 96.54 |
| 28 | 19 | 20 | 165.83 |
| 29 | 19 | 21 | 46.23 |
| 30 | 20 | 22 | 41.74 |
| 31 | 21 | 22 | 166.6 |
| 32 | 21 | 28 | 66.24 |
| 33 | 22 | 29 | 52.23 |
| 34 | 23 | 31 | 118.76 |
| 35 | 24 | 32 | 112.69 |
| 36 | 25 | 26 | 93.67 |
| 37 | 25 | 33 | 112.26 |
| 38 | 26 | 27 | 95.92 |
| 39 | 26 | 34 | 113.16 |
| 40 | 27 | 28 | 86.11 |
| 41 | 27 | 35 | 112.1 |

| 85 | 54 | 55 | 88.05 | 106 | 68 | 83 | 88.68 |
|-----|----|----|-------|-----|----|----|-------|
| 86 | 54 | 67 | 88.75 | 107 | 69 | 70 | 92.35 |
| 87 | 55 | 56 | 89.52 | 108 | 70 | 71 | 90.52 |
| 88 | 55 | 68 | 94.02 | 109 | 70 | 85 | 90.13 |
| 89 | 56 | 57 | 93 | 110 | 71 | 72 | 91.89 |
| 90 | 57 | 58 | 90.91 | 111 | 71 | 86 | 89.49 |
| 91 | 57 | 70 | 92.66 | 112 | 72 | 73 | 93.72 |
| 92 | 58 | 59 | 90.98 | 113 | 72 | 87 | 90.2 |
| 93 | 58 | 71 | 94.71 | 114 | 73 | 74 | 88.63 |
| 94 | 59 | 60 | 93.19 | 115 | 73 | 88 | 89.78 |
| 95 | 59 | 72 | 91.84 | 116 | 74 | 89 | 88.55 |
| 96 | 60 | 61 | 85.05 | 117 | 80 | 81 | 95.83 |
| 97 | 60 | 73 | 87.85 | 118 | 81 | 82 | 91.58 |
| 98 | 61 | 74 | 88.04 | 119 | 82 | 83 | 92.94 |
| 99 | 65 | 66 | 109.7 | 120 | 83 | 84 | 90.82 |
| 100 | 65 | 80 | 96.58 | 121 | 84 | 85 | 93.95 |
| 101 | 66 | 67 | 89.5 | 122 | 85 | 86 | 93.11 |
| 102 | 66 | 81 | 91.38 | 123 | 86 | 87 | 94.29 |
| 103 | 67 | 68 | 92.84 | 124 | 87 | 88 | 94.46 |
| 104 | 67 | 82 | 86.87 | 125 | 88 | 89 | 91.63 |
| 105 | 68 | 69 | 87.74 | | | | |
| | | | | | | | |

ANEXO 10. ARCOS POSIBLES MAPA 2

| ARCO | INICIO | FIN | DISTANCIA (m) |
|------|--------|-----|---------------|
| 1 | 80 | 81 | 95.83 |
| 2 | 80 | 98 | 112.55 |
| 3 | 81 | 82 | 91.58 |
| 4 | 81 | 99 | 112.46 |
| 5 | 82 | 83 | 92.94 |
| 6 | 82 | 100 | 114.7 |
| 7 | 83 | 84 | 90.82 |
| 8 | 83 | 101 | 109.94 |
| 9 | 84 | 85 | 93.95 |
| 10 | 85 | 86 | 93.11 |
| 11 | 85 | 103 | 108.56 |
| 12 | 86 | 87 | 94.29 |
| 13 | 86 | 104 | 110.1 |
| 14 | 87 | 88 | 94.46 |
| 15 | 87 | 105 | 114.95 |
| 16 | 88 | 89 | 91.63 |
| 17 | 88 | 107 | 85.65 |
| 18 | 89 | 108 | 92.95 |
| 19 | 98 | 99 | 57.55 |
| 20 | 98 | 120 | 115.27 |
| 21 | 99 | 100 | 92.29 |
| 22 | 99 | 121 | 111.17 |
| 23 | 100 | 101 | 91.96 |
| 24 | 100 | 122 | 104.77 |
| 25 | 101 | 102 | 85.58 |
| 26 | 101 | 123 | 95.52 |
| 27 | 102 | 103 | 99.2 |
| 28 | 102 | 124 | 91.28 |
| 29 | 103 | 104 | 90.86 |
| 30 | 103 | 125 | 90.94 |
| 31 | 104 | 105 | 91.63 |
| 32 | 104 | 126 | 91.72 |
| 33 | 105 | 106 | 90.73 |
| 34 | 105 | 127 | 85.08 |
| 35 | 106 | 107 | 23.91 |
| 36 | 106 | 113 | 17.4 |
| 37 | 107 | 108 | 85.08 |
| 38 | 108 | 114 | 33.02 |
| 39 | 113 | 114 | 80.49 |
| 40 | 113 | 128 | 65.27 |
| 41 | 114 | 129 | 65.41 |
| 42 | 120 | 121 | 31.62 |

ANEXO 11. ARCOS POSIBLES MAPA 3

| ARCO | INICIO | FIN | DISTANCIA (m) | 43 | 97 | 112 | 61.61 |
|------|--------|-----|---------------|----|-----|-----|--------|
| 1 | 39 | 40 | 25.08 | 44 | 108 | 114 | 33.02 |
| 2 | 39 | 50 | 119.86 | 45 | 108 | 109 | 173.84 |
| 3 | 40 | 41 | 375.5 | 46 | 109 | 110 | 100.38 |
| 4 | 40 | 62 | 175.43 | 47 | 109 | 115 | 31.09 |
| 5 | 41 | 52 | 60.83 | 48 | 110 | 111 | 228.64 |
| 6 | 50 | 61 | 92.55 | 49 | 110 | 116 | 36.41 |
| 7 | 52 | 51 | 226.89 | 50 | 111 | 112 | 124.65 |
| 8 | 52 | 64 | 47.2 | 51 | 111 | 118 | 43.39 |
| 9 | 61 | 62 | 112.7 | 52 | 112 | 119 | 61.73 |
| 10 | 61 | 74 | 88.06 | 53 | 114 | 129 | 65.41 |
| 11 | 62 | 290 | 140.32 | 54 | 114 | 115 | 182.23 |
| 12 | 290 | 63 | 174.89 | 55 | 115 | 116 | 100.6 |
| 13 | 290 | 75 | 89.29 | 56 | 115 | 130 | 54.64 |
| 14 | 63 | 64 | 70.95 | 57 | 116 | 117 | 102.29 |
| 15 | 63 | 76 | 153.09 | 58 | 116 | 131 | 51.83 |
| 16 | 64 | 78 | 159.27 | 59 | 117 | 118 | 131.94 |
| 17 | 74 | 75 | 255.94 | 60 | 117 | 132 | 46.61 |
| 18 | 74 | 89 | 89.9 | 61 | 118 | 119 | 115.05 |
| 19 | 75 | 76 | 62.06 | 62 | 118 | 133 | 45.74 |
| 20 | 76 | 77 | 34.8 | 63 | 119 | 153 | 137.24 |
| 21 | 77 | 78 | 198.99 | 64 | 129 | 130 | 192.87 |
| 22 | 77 | 91 | 43.57 | 65 | 129 | 142 | 114.94 |
| 23 | 78 | 79 | 125.44 | 66 | 130 | 131 | 99.21 |
| 24 | 78 | 96 | 79.32 | 67 | 130 | 144 | 78.98 |
| 25 | 79 | 97 | 77.92 | 68 | 131 | 132 | 99.7 |
| 26 | 89 | 90 | 162.3 | 69 | 131 | 150 | 98.87 |
| 27 | 89 | 108 | 89.38 | 70 | 132 | 151 | 100.2 |
| 28 | 90 | 91 | 111.91 | 71 | 133 | 152 | 98.61 |
| 29 | 90 | 108 | 185.07 | 72 | 142 | 162 | 78.37 |
| 30 | 90 | 92 | 47.67 | 73 | 143 | 144 | 19.36 |
| 31 | 91 | 93 | 94.76 | 74 | 143 | 146 | 38.23 |
| 32 | 92 | 93 | 101.31 | 75 | 144 | 145 | 18.82 |
| 33 | 92 | 109 | 59.37 | 76 | 145 | 149 | 18.59 |
| 34 | 93 | 94 | 115.26 | 77 | 146 | 147 | 18.53 |
| 35 | 93 | 110 | 57.44 | 78 | 147 | 148 | 17.95 |
| 36 | 94 | 291 | 79.65 | 79 | 147 | 163 | 77.46 |
| 37 | 94 | 95 | 39.32 | 80 | 148 | 149 | 19.57 |
| 38 | 95 | 96 | 75.24 | 81 | 149 | 150 | 80.06 |
| 39 | 96 | 97 | 126.19 | 82 | 150 | 151 | 100.29 |
| 40 | 97 | 112 | 63.08 | 83 | 150 | 164 | 95.49 |
| 41 | 96 | 291 | 31.09 | 84 | 151 | 177 | 125.18 |
| 42 | 291 | 111 | 48.99 | 85 | 151 | 165 | 95.11 |

| 177 | 152 | 51.82 | 104 | 178 | 179 | 43.7 |
|-----|--|---|--|--|--|---|
| 177 | 178 | 194.09 | 105 | 178 | 183 | 139.26 |
| 152 | 153 | 55.47 | 106 | 179 | 180 | 80.36 |
| 153 | 166 | 137.15 | 107 | 179 | 184 | 135.96 |
| 162 | 173 | 29.24 | 108 | 180 | 185 | 143.48 |
| 162 | 163 | 196 | 109 | 181 | 182 | 96.43 |
| 163 | 164 | 96.37 | 110 | 181 | 186 | 138.59 |
| 163 | 174 | 50.61 | 111 | 182 | 183 | 103.52 |
| 164 | 165 | 99.06 | 112 | 182 | 187 | 134.84 |
| 164 | 175 | 64.03 | 113 | 183 | 184 | 50.27 |
| 165 | 176 | 78.05 | 114 | 183 | 188 | 131.38 |
| 166 | 180 | 74.34 | 115 | 184 | 185 | 135.3 |
| 173 | 174 | 196.58 | 116 | 184 | 189 | 136.13 |
| 174 | 175 | 96.1 | 117 | 185 | 190 | 165.78 |
| 175 | 176 | 100.85 | 118 | 186 | 187 | 94.13 |
| 175 | 181 | 150.37 | 119 | 187 | 188 | 91.38 |
| 176 | 178 | 112.36 | 120 | 188 | 189 | 57.11 |
| 176 | 182 | 145.61 | 121 | 189 | 190 | 207.34 |
| | 177 152 153 162 162 163 163 164 165 166 173 174 175 175 | 177 178 152 153 153 166 162 173 162 163 163 164 163 174 164 165 165 176 166 180 173 174 175 176 175 181 176 178 | 177 178 194.09 152 153 55.47 153 166 137.15 162 173 29.24 162 163 196 163 164 96.37 163 174 50.61 164 165 99.06 164 175 64.03 165 176 78.05 166 180 74.34 173 174 196.58 174 175 96.1 175 176 100.85 175 181 150.37 176 178 112.36 | 177 178 194.09 105 152 153 55.47 106 153 166 137.15 107 162 173 29.24 108 162 163 196 109 163 164 96.37 110 163 174 50.61 111 164 165 99.06 112 164 175 64.03 113 165 176 78.05 114 166 180 74.34 115 173 174 196.58 116 174 175 96.1 117 175 176 100.85 118 175 181 150.37 119 176 178 112.36 120 | 177 178 194.09 105 178 152 153 55.47 106 179 153 166 137.15 107 179 162 173 29.24 108 180 162 163 196 109 181 163 164 96.37 110 181 163 174 50.61 111 182 164 165 99.06 112 182 164 175 64.03 113 183 165 176 78.05 114 183 166 180 74.34 115 184 173 174 196.58 116 184 174 175 96.1 117 185 175 176 100.85 118 186 175 181 150.37 119 187 176 178 112.36 120 188 | 177 178 194.09 105 178 183 152 153 55.47 106 179 180 153 166 137.15 107 179 184 162 173 29.24 108 180 185 162 163 196 109 181 182 163 164 96.37 110 181 186 163 174 50.61 111 182 183 164 165 99.06 112 182 187 164 175 64.03 113 183 184 165 176 78.05 114 183 188 166 180 74.34 115 184 185 173 174 196.58 116 184 189 175 176 100.85 118 186 187 175 181 150.37 119 187 188 176 178 112.36 120 188 189 |

ANEXO 12. ARCOS POSIBLES MAPA 4

| ARCO | INICIO | FIN | DISTANCIA (m) |
|------|--------|-----|---------------|
| 1 | 193 | 194 | 80.9 |
| 2 | 193 | 197 | 109.23 |
| 3 | 194 | 195 | 97.11 |
| 4 | 194 | 198 | 79.49 |
| 5 | 195 | 196 | 110.96 |
| 6 | 195 | 199 | 43.35 |
| 7 | 196 | 203 | 97.8 |
| 8 | 196 | 204 | 180.71 |
| 9 | 197 | 200 | 90.62 |
| 10 | 197 | 198 | 74 |
| 11 | 198 | 199 | 94.5 |
| 12 | 198 | 201 | 89.86 |
| 13 | 199 | 196 | 102.17 |
| 14 | 199 | 202 | 89 |
| 15 | 199 | 203 | 132.49 |
| 16 | 204 | 210 | 161.8 |
| 17 | 200 | 205 | 101.72 |
| 18 | 200 | 201 | 74.13 |
| 19 | 201 | 202 | 96.39 |
| 20 | 201 | 206 | 102.84 |
| 21 | 202 | 203 | 97.22 |
| 22 | 202 | 207 | 97.93 |
| 23 | 203 | 204 | 149.3 |
| 24 | 203 | 208 | 93.05 |
| 25 | 203 | 209 | 102.15 |
| 26 | 204 | 210 | 158.72 |
| 27 | 205 | 211 | 96.8 |
| 28 | 205 | 206 | 74.4 |
| 29 | 206 | 207 | 92.08 |
| 30 | 206 | 212 | 95.28 |
| 31 | 207 | 208 | 100.97 |
| 32 | 207 | 213 | 92.38 |
| 33 | 208 | 209 | 36.13 |
| 34 | 208 | 214 | 87.91 |
| 35 | 209 | 216 | 123.82 |
| 36 | 209 | 215 | 95.26 |
| 37 | 216 | 210 | 101.5 |
| 38 | 216 | 217 | 70.24 |
| 39 | 210 | 218 | 64.42 |
| 40 | 211 | 212 | 71.92 |

ANEXO 13. ARCOS POSIBLES MAPA 5

| ARCO | INICIO | FIN | DISTANCIA (m) |
|------|--------|-----|---------------|
| 1 | 237 | 238 | 83.66 |
| 2 | 237 | 242 | 204.32 |
| 3 | 238 | 240 | 188.91 |
| 4 | 239 | 277 | 562.85 |
| 5 | 240 | 241 | 208.9 |
| 6 | 240 | 243 | 60.9 |
| 7 | 242 | 243 | 84.63 |
| 8 | 243 | 244 | 271.02 |
| 9 | 244 | 245 | 285.31 |
| 10 | 245 | 246 | 175.05 |
| 11 | 245 | 248 | 184.49 |
| 12 | 246 | 247 | 84.94 |
| 13 | 246 | 248 | 104.78 |
| 14 | 247 | 279 | 204.76 |
| 15 | 248 | 249 | 99 |
| 16 | 249 | 250 | 132.15 |
| 17 | 250 | 282 | 102.36 |
| 18 | 279 | 282 | 120 |
| 19 | 277 | 247 | 82.98 |
| 20 | 277 | 274 | 156.98 |
| 21 | 274 | 275 | 69.25 |
| 22 | 274 | 276 | 90.15 |
| 23 | 274 | 273 | 205.25 |
| 24 | 273 | 278 | 232.51 |
| 25 | 278 | 179 | 451.53 |
| 26 | 278 | 280 | 43.47 |
| 27 | 280 | 281 | 55.04 |
| 28 | 280 | 282 | 447.18 |
| 29 | 281 | 285 | 488.85 |
| 30 | 282 | 283 | 129.49 |
| 31 | 283 | 284 | 49.69 |
| 32 | 284 | 285 | 212.25 |

ANEXO 14. ARCOS POSIBLES MAPA 6

| ARCO | INICIO | FIN | DISTANCIA (m) |
|------|--------|-----|---------------|
| 1 | 236 | 251 | 202.5 |
| 2 | 236 | 253 | 110.2 |
| 3 | 251 | 252 | 91.03 |
| 4 | 251 | 254 | 89.3 |
| 5 | 252 | 256 | 89.07 |
| 6 | 252 | 255 | 49.68 |
| 7 | 253 | 254 | 101.81 |
| 8 | 253 | 271 | 172.12 |
| 9 | 256 | 257 | 119.17 |
| 10 | 256 | 258 | 42.24 |
| 11 | 257 | 259 | 43.57 |
| 12 | 255 | 293 | 81.53 |
| 13 | 255 | 260 | 105.21 |
| 14 | 293 | 258 | 43.97 |
| 15 | 293 | 261 | 101.85 |
| 16 | 258 | 259 | 115.58 |
| 17 | 258 | 262 | 42.02 |
| 18 | 259 | 264 | 39.15 |
| 19 | 262 | 265 | 59.75 |
| 20 | 262 | 263 | 71.27 |
| 21 | 263 | 266 | 60.81 |
| 22 | 263 | 264 | 45.57 |
| 23 | 264 | 270 | 103.84 |
| 24 | 260 | 261 | 39.27 |
| 25 | 260 | 267 | 41.52 |
| 26 | 261 | 265 | 40.93 |
| 27 | 265 | 266 | 80 |
| 28 | 265 | 268 | 40.65 |
| 29 | 266 | 269 | 40.9 |
| 30 | 267 | 271 | 46.52 |
| 31 | 267 | 268 | 77.15 |
| 32 | 268 | 272 | 60.1 |
| 33 | 268 | 269 | 87.97 |
| 34 | 269 | 270 | 41.74 |
| 35 | 270 | 273 | 76.11 |
| 36 | 271 | 272 | 74.55 |
| 37 | 272 | 273 | 129.45 |

ANEXO 15. FÓRMULA LINGO MAPA 1

77.97*X001002+84.85*X001003+95.7*X002004+85.44*X003004+108.31*X003007+36.23 *X004005+99.72*X004008+103.9*X005008+21.9*X006007+70.5*X006009+88.26*X0070 08+147.44*X009012+242.22*X009017+44.29*X010011+92.24*X010012+47.44*X011013 +57.17*X012013+188.31*X012014+111.87*X014015+209.54*X014027+185.1*X015286+ 94.2*X015019+154.37*X016017+87.85*X017018+109.9*X017024+130.2*X018025+96.54 *X019015+165.83*X019020+46.23*X019021+41.74*X020022+166.6*X021022+66.24*X0 21028+52.23*X022029+118.76*X023031+112.69*X024032+93.67*X025026+112.26*X02 5033+95.92*X026027+113.16*X026034+86.11*X027028+112.1*X027035+91.35*X02828 9+101.57*X028036+80.5*X289029+102.1*X289037+135.8*X029030+103.77*X029038+1 15.64*X030039+409.86*X030287+536.98*X287286+93.03*X031032+93.43*X031043+91. 2*X032033+92.7*X032044+93.55*X033034+89.9*X034035+91.17*X034046+93.55*X035 036+87.38*X035047+89.84*X036037+88.17*X036048+84.47*X037038+91*X037049+79. 81*X038039+86.75*X038050+112.18*X039050+85.54*X042043+90.39*X042053+93.56* X043044+94.34*X043054+88.04*X044045+90.27*X044055+93.02*X045046+94.36*X046 047+88.96*X046057+94.95*X047048+87.66*X047058+90.31*X048049+91.39*X048059+ 86.5*X049050+94.27*X049060+94.51*X050061+90*X053054+86.96*X053066+88.05*X0 54055+88.75*X054067+89.52*X055056+94.02*X055068+93*X056057+90.91*X057058+9 2.66*X057070+90.98*X058059+94.71*X058071+93.19*X059060+91.84*X059072+85.05* X060061+87.85*X060073+88.04*X061074+109.7*X065066+96.58*X065080+89.5*X0660 67+91.38*X066081+92.84*X067068+86.87*X067082+87.74*X068069+88.68*X068083+9 2.35*X069070+90.52*X070071+90.13*X070085+91.89*X071072+89.49*X071086+93.72* X072073+90.2*X072087+88.63*X073074+89.78*X073088+88.55*X074089+95.83*X0800 81+91.58*X081082+92.94*X082083+90.82*X083084+93.95*X084085+93.11*X085086+9 4.29*X086087+94.46*X087088+91.63*X088089;

```
S.A.
X001002 + X002004 >= 1;
                                                X020022 >= 1;
X001003 + X001002 >= 1;
                                                X021028 + X021022 >= 1;
X001003 + X003004 + X003007 >= 2:
                                                X022029 >=1:
X002004 + X004005 + X004008 >= 2;
                                                X023031 >=1;
X004008 + X007008 >= 1;
                                                X024032 >=1;
X007008 + X006007 >=1:
                                                X025026 + X025033 + X018025 >=2;
X006009 >=1;
                                                X025026 + X026027 + X026034 >= 2;
X009017 + X009012 >= 1;
                                                X014027 + X027028 + X027035 +
X010011 + X010012 >=1:
                                                X026027 >=2:
X011013 + X012013 >= 1;
                                                X027028 + X021028 + X028289 +
X010012 + X012014 + X012018 >= 2;
                                                X028036 >=2;
X012014 + X014015 + X014027 >= 2:
                                                X028289 + X289037 + X289029 >=2:
                                                X289029 + X029030 + X029038 +
X015286 + X015019 >= 1;
X287286 + X030287 >= 1;
                                                X022029 >=2;
X009017 + X017016 + X017018 +
                                                X029030 + X030039 >=1:
X017024 >=2;
                                                X023031 + X031032 + X031043 >= 2;
X018025 >=1;
                                                X031032 + X024032 + X032033 +
X019021 + X019020 >=1;
                                                X032044 >=2;
```

```
X032033 + X025033 + X033034 >= 2;
                                                X066067 + X054067 + X067068 +
X033034 + X026034 + X034035 +
                                                X067082 >=2;
X034046 >=2:
                                                X067068 + X055068 + X068069 +
X034035 + X027035 + X035036 +
                                                X068083 >= 2;
X035047 >=2;
                                                X068069 + X069070 >=1;
X035036 + X028036 + X036037 +
                                                X069070 + X057070 + X070071 +
X036048 >=2;
                                                X070085 >=2;
X036037 + X289037 + X037038 +
                                                X070071 + X058071 + X071072 +
X037049 >=2:
                                                X071086 >=2:
X037038 + X029038 + X038039 +
                                                X071072 + X059072 + X072073 +
X038050 >=2;
                                                X072087 >=2;
X030039 + X039050 >= 1;
                                                X072073 + X060073 + X073074 +
X042043 + X042053 >= 1;
                                                X073088 >=2;
X042043 + X031043 + X043044 +
                                                X073074 + X061074 >= 1;
X043054 >=2:
                                                X065080 + X080081 >=1:
X043044 + X032044 + X044045 +
                                                X080081 + X066081 + X081082 >= 2;
X044055 >=2;
                                                X081082 + X082083 + X067082 >= 2;
X044045 + X045046 >= 1;
                                                X082083 + X083084 + X068083 >= 2;
X045046 + X034046 + X046047 +
                                                X083084 + X084085 >= 1;
X046057 >=2;
                                                X084085 + X070085 + X085086 >= 2;
X046047 + X035047 + X047048 +
                                                X085086 + X071086 + X086087 >= 2:
                                                X086087 + X072087 + X087088 >= 2;
X047058 >=2;
X047048 + X036048 + X048049 +
                                                X087088 + X073088 + X088089 >= 2;
X048059 >=2;
                                                X088089 + X074089 >= 1;
X048049 + X037049 + X049050 +
                                                X001003 + X003004 >= 1;
X049060 >=2;
                                                X002004 + X004005 >= 1;
X049050 + X038050 + X039050 +
                                                X010012 + X012014 >=1:
X050061 >= 2;
                                                X012014 + X014015 >= 1;
X042053 + X053054 + X053066 >= 2;
                                                X017016 + X017018 + X017024 >=1;
X053054 + X043054 + X054055 +
                                                X025026 + X025033 >= 1;
X054067 >=2;
                                                X025026 + X026027 >= 1;
X054055 + X044055 + X056057 +
                                                X027028 + X027035 + X026027 >= 1;
X055068 >=2:
                                                X021028 + X028289 + X028036 >=1:
X056057 + X056057 >= 1;
                                                X028289 + X289037 >=1;
X056057 + X046057 + X057058 +
                                                X029030 + X029038 + X022029 >=1:
X057070 >=2:
                                                X023031 + X031032 >= 1;
X057058 + X047058 + X058059 +
                                                X024032 + X032033 + X032044 >= 1;
                                                X032033 + X025033 >=1;
X058071 >=2;
X058059 + X048059 + X059060 +
                                                X026034 + X034035 + X034046 >= 1;
                                                X027035 + X035036 + X035047 >= 1:
X059072 >=2:
X059060 + X049060 + X060061 +
                                                X028036 + X036037 + X036048 >= 1;
X060073 >=2:
                                                X289037 + X037038 + X037049 >= 1;
X050061 + X061074 >= 1;
                                                X029038 + X038039 + X038050 >= 1;
X065066 + X065080 >=1;
                                                X031043 + X043044 + X043054 >= 1;
X053066 + X065066 + X066067 +
                                                X032044 + X044045 + X044055 >= 1:
X066081 >=2;
                                                X034046 + X046047 + X046057 >= 1;
```

```
X035047 + X047048 + X047058 >= 1;
                                                 X055068 + X068069 + X068083 >= 1;
X036048 + X048049 + X048059 >= 1;
                                                 X057070 + X070071 + X070085 >= 1;
X037049 + X049050 + X049060 >= 1;
                                                 X058071 + X071072 + X071086 >= 1;
X038050 + X039050 + X050061 >= 1;
                                                 X059072 + X072073 + X072087 >= 1;
X042053 + X053054 >= 1;
                                                 X060073 + X073074 + X073088 >= 1;
X043054 + X054055 + X054067 >= 1;
                                                 X080081 + X066081 >= 1;
X044055 + X056057 + X055068 >= 1;
                                                 X081082 + X082083 >= 1;
X046057 + X057058 + X057070 >= 1;
                                                 X082083 + X083084 >= 1;
X047058 + X058059 + X058071 >= 1;
                                                 X084085 + X070085 >= 1;
X048059 + X059060 + X059072 >= 1;
                                                 X085086 + X071086 >=1;
X049060 + X060061 + X060073 >= 1;
                                                 X086087 + X072087 >= 1;
X065066 + X066067 + X066081 >= 1;
                                                 X087088 + X073088 >=1;
X054067 + X067068 + X067082 >= 1;
```

ANEXO 16. FÓRMULA LINGO MAPA 2

95.83*X080081+112.55*X080098+91.58*X081082+112.46*X081099+92.94*X082083+11 4.7*X082100+90.82*X083084+109.94*X083101+93.95*X084085+93.11*X085086+108.56 *X085103+94.29*X086087+110.1*X086104+94.46*X087088+114.95*X087105+91.63*X0 88089+85.65*X088107+92.95*X089108+57.55*X098099+115.27*X098120+92.29*X0991 00+111.17*X099121+91.96*X100101+104.77*X100122+85.58*X101102+95.52*X101123 +99.2*X102103+91.28*X102124+90.86*X103104+90.94*X103125+91.63*X104105+91.72 *X104126+90.73*X105106+85.08*X105127+23.91*X106107+17.4*X106113+85.08*X107 108+33.02*X108114+80.49*X113114+65.27*X113128+65.41*X114129+31.62*X120121+ 160.48*X120154+90.92*X121122+89.08*X122123+94.1*X122135+85.99*X123124+98.43 *X123136+99.22*X124125+91.73*X125126+101.84*X125138+93.86*X126127+106.13*X 126139+91.42*X127128+112.08*X127140+77.51*X128129+113.51*X128141+114.94*X1 29142+91.92*X135136+28.79*X135154+94.14*X136137+97.33*X136155+95.47*X13713 8+93.41*X138139+107.14*X138157+91.69*X139140+79.21*X139159+90.56*X140141+7 5.11*X140160+85.51*X141142+74.39*X141161+78.37*X142162+93.81*X155156+58.14* X155167+90.94*X156157+94*X157158+165.71*X157191+27.61*X158159+180.55*X1581 92+90.67*X159160+92.1*X160161+81.01*X161162+127.68*X167168+89.01*X168191+1 01.06*X191192:

```
X080081 + X080098 >= 1;
                                                X106113 + X113114 + X113128 >=2;
                                                X113114 + X108114 + X114129 >=2;
X080098 + X081099 >= 1;
X082083 + X082100 >= 1;
                                                X098120 + X120121 + X120154 >= 2;
X083084 + X083101 >= 1;
                                                X120121 + X121122 + X099121 >= 2;
X084085 >=1;
                                                X121122 + X100122 + X122123 +
X085086 + X085103 >= 1;
                                                X122135 >=2;
X086087 + X086104 >= 1;
                                                X122123 + X101123 + X123124 +
X087088 + X087105 >=1:
                                                X123136 >=2:
X088089 + X088107 >= 1;
                                                X123124 + X124125 >=1;
X089108 + X088089 >= 1;
                                                X124125 + X103125 + X125126 +
X080098 + X098099 + X098120 >= 2;
                                                X125138 >=2;
X098099 + X081099 + X099100 +
                                                X125126 + X104126 + X126127 +
X099121 >=2;
                                                X126139 >=2;
X099100 + X082100 + X100101 +
                                                X126127 + X105127 + X127128 +
X100122 >=2;
                                                X127140 >=2;
X100101 + X083101 + X101102 +
                                                X127128 + X113128 + X128129 +
X102124 >= 2;
                                                X128141 >=2;
X101102 + X102103 >= 1;
                                                X128129 + X114129 + X129142 >=2;
X102103 + X085103 + X103104 +
                                                X122135 + X135136 + X135154 >=2:
X103125 >=2;
                                                X135136 + X123136 + X136137 +
X103104 + X086104 + X104105 +
                                                X136155 >=2;
X104126 >=2;
                                                X136137 + X137138 >=1;
                                                X137138 + X125138 + X138139 +
X104105 + X087105 + X105106 +
X105127 >=2;
                                                X138157 >=2;
                                                X138139 + X126139 + X139140 +
X105106 + X106107 + X106113 >=2;
X088107 + X106107 + X107108 >=2;
                                                X139159 >=2;
X107108 + X089108 + X108114 >= 2;
```

```
X139140 + X127140 + X140141 +
                                                X107108 + X089108 >=1;
X140160 >=2;
                                                X106113 + X113114 >=1;
X140141 + X128141 + X141142 +
                                                X113114 + X108114 >=1;
                                                X098120 + X120121 >= 1;
X141161 >=2;
X141142 + X129142 + X142162 >=2;
                                                X120121 + X121122 >=1;
X136155 + X155156 + X155167 >=2;
                                                X100122 + X122123 + X122135 >=1;
X155156 + X156157 >=1;
                                                X101123 + X123124 + X123136 >=1;
X156157 + X138157 + X157158 +
                                                X103125 + X125126 + X125138 >=1;
X157191 >=2;
                                                X104126 + X126127 + X126139 >= 1;
X157158 + X158159 + X158192 >=2;
                                                X105127 + X127128 + X127140 >= 1;
X158159 + X139159 + X159160 >=2;
                                                X113128 + X128129 + X128141 >=1;
X159160 + X140160 + X160161 >=2;
                                                X128129 + X114129 >=1;
X160161 + X141161 + X161162 >=2;
                                                X122135 + X135136 >=1;
X161162 + X142162 >=1;
                                                X123136 + X136137 + X136155 >=1;
X155167 + X167168 >=1;
                                                X125138 + X138139 + X138157 >=1;
X167168 + X168191 >=1;
                                                X126139 + X139140 + X139159 >= 1;
X157191 + X168191 + X191192 >=2;
                                                X127140 + X140141 + X140160 >=1;
                                                X128141 + X141142 + X141161 >=1;
X191192 + X158192 >=1;
X080098 + X098099 >= 1;
                                                X141142 + X129142 >=1;
X081099 + X099100 + X099121 >=1;
                                                X136155 + X155156 >=1;
X082100 + X100101 + X100122 >= 1;
                                                X138157 + X157158 + X157191 >=1;
X083101 + X101102 + X102124 >= 1;
                                                X157158 + X158159 >=1;
X085103 + X103104 + X103125 >= 1;
                                                X158159 + X139159 >=1;
X086104 + X104105 + X104126 >= 1;
                                                X159160 + X140160 >=1;
X087105 + X105106 + X105127 >= 1;
                                                X160161 + X141161 >=1;
X105106 + X106107 >=1;
                                                X157191 + X168191 >=1;
X088107 + X106107 >=1;
```

ANEXO 17. FÓRMULA LINGO MAPA 3

25.08*X039040+119.86*X039050+375.5*X040041+175.43*X040062+60.83*X041052+92. 55*X050061+226.89*X052051+47.2*X052064+112.7*X061062+88.06*X061074+140.32* X062290+89.19*X290075+174.89*X290063+70.95*X063064+153.09*X063076+159.27*X 064078+255.94*X074075+89.9*X074089+62.06*X075076+34.8*X076077+198.99*X0770 78+43.57*X077091+125.44*X078079+79.32*X078096+77.92*X079097+162.3*X089090+ 89.38*X089108+111.91*X090091+185.07*X090108+47.67*X090092+94.76*X091093+10 1.31*X092093+59.37*X092109+115.26*X093094+57.44*X093110+79.65*X094291+39.32 *X094095+75.24*X095096+126.19*X096097+63.08*X097112+31.09*X096291+48.99*X2 91111+61.61*X097112+33.02*X108114+173.84*X108109+100.38*X109110+31.09*X109 115+228.64*X110111+36.41*X110116+124.65*X111112+43.39*X111112+61.73*X11211 9+65.41*X114129+182.23*X114115+100.6*X115116+54.64*X115130+102.29*X116117+ 51.83*X116131+131.94*X117118+46.61*X117132+115.05*X118119+45.74*X118133+13 7.24*X119153+192.87*X129130+114.94*X129142+99.21*X130131+78.98*X130144+99.7 *X131132+98.87*X131150+100.2*X132151+98.61*X133152+78.37*X142162+19.36*X14 3144+38.23*X143146+18.82*X144145+18.59*X145149+18.53*X146147+17.95*X147148 +77.46*X147163+19.57*X148149+80.06*X149150+100.29*X150151+95.49*X150164+12 5.18*X151177+95.11*X151165+51.82*X177152+194.09*X177178+55.47*X152153+137.1 5*X153166+29.24*X162173+196*X162163+96.37*X163164+50.61*X163174+99.06*X164 165+64.03*X164175+78.05*X165176+74.34*X166180+196.58*X173174+96.1*X174175+ 100.85*X175176+150.37*X175181+112.36*X176178+145.61*X176182+43.7*X178179+1 39.26*X178183+80.36*X179180+135.96*X179184+143.48*X180185+96.43*X181182+13 8.59*X181186+103.52*X182183+134.84*X182187+50.27*X183184+131.38*X183188+13 5.3*X184185+136.13*X184189+165.78*X185190+94.13*X186187+91.38*X187188+57.11 *X188189+207.34*X189190;

```
X039040 + X039050 >=1:
                                                 X089090 + X090091 + X090108 +
X039040 + X040041 + X040062 >= 2;
                                                 X090092 >= 2;
X040041 + X041052 >= 1;
                                                 X091093 >=1;
X039050 + X050061 >=1;
                                                 X090092 + X092093 + X092109 >= 2;
X041052 + X052051 + X052064 >= 2;
                                                 X092093 + X091093 + X093094 +
X050061 + X061062 + X061074 >= 2;
                                                 X093110 >=2;
X061062 + X040062 + X062290 >= 2;
                                                 X093094 + X094095 + X094291 >= 2:
X062290 + X290063 + X290075 >=2;
                                                 X096291 + X094291 + X291111 >= 2;
X290063 + X063064 + X063076 >= 2;
                                                 X094095 + X095096 >=1;
X061074 + X074075 + X074089 >= 2;
                                                 X095096 + X078096 + X096291 +
X074075 + X290075 + X075076 >= 2;
                                                 X096097 >=2;
X075076 + X063076 + X076077 >= 2:
                                                 X079097 + X097112 + X096097 >= 2;
X052064 + X063064 + X064078 >= 2;
                                                 X089108 + X090108 + X10811<sup>4</sup> ·
X076077 + X077078 + X077091 >= 2;
                                                 X108109 >=2;
X077078 + X064078 + X078079 +
                                                 X108109 + X092109 + X109110 +
X078096 >=2;
                                                 X109115 >=2:
X078079 + X079097 >= 1;
                                                 X109110 + X093110 + X110111 +
X074089 + X089090 + X089108 >= 2;
                                                 X110116 >=2;
```

```
X110111 + X291111 + X111112 +
                                                X176178 + X177178 + X178179 +
X111118 >=2;
                                                X178183 >=2;
X111112 + X097112 + X112119 >=2;
                                                X178179 + X179180 + X179184 >= 2;
X108114 + X114115 + X114129 >= 2;
                                                X179180 + X166180 + X180185 >=2;
X114115 + X109115 + X115116 +
                                                X175181 + X181182 + X181186 >=2;
X115130 >=2;
                                                X181182 + X176182 + X182183 +
X115116 + X110116 + X116117 +
                                                X182187 >=2;
X116131 >=2;
                                                X182183 + X178183 + X183184 +
X116117 + X117118 + X117132 >=2;
                                                X183188 >=2:
                                                X183184 + X179184 + X184185 +
X117118 + X111118 + X118119 +
X118133 >=2;
                                                X184189 >=2;
X118119 + X112119 + X119153 >=2;
                                                X184185 + X180185 + X185190 >= 2;
                                                X181186 + X186187 >=1;
X114129 + X129130 + X129142 >=2;
X129130 + X115130 + X130131 +
                                                X186187 + X182187 + X187188 >= 2;
                                                X187188 + X183188 + X188189 >=2:
X130144 >=2:
X130131 + X116131 + X131132 +
                                                X188189 + X184189 + X189190 >=2;
                                                X189190 + X185190 >=1;
X131150 >=2;
                                                X039040 + X040041 >= 1;
X131132 + X117132 + X132151 >=2;
X118133 + X133152 >=1;
                                                X041052 + X052051 >= 1;
X129142 + X142162 >=1;
                                                X050061 + X061062 >= 1;
X143144 + X143146 >=1:
                                                X061062 + X040062 >= 1;
X130144 + X143144 + X144145 >= 2;
                                                X062290 + X290063 >=1;
X144145 + X145149 >=1;
                                                X290063 + X063064 >= 1;
X143146 + X146147 >= 1;
                                                X061074 + X074075 >= 1;
X146147 + X147148 + X147163 >= 2;
                                                X074075 + X290075 >= 1;
X145149 + X148149 + X149150 >= 2;
                                                X075076 + X063076 >= 1;
X149150 + X131150 + X150151 +
                                                X052064 + X063064 >= 1;
X150164 >=2;
                                                X076077 + X077078 >= 1;
X150151 + X132151 + X151177 +
                                                X064078 + X078079 + X078096 >= 1;
X151165 >=2;
                                                X074089 + X089090 >= 1;
X151177 + X177152 + X177178 >=2;
                                                X090091 + X090108 + X090092 >= 1;
X177152 + X133152 + X153166 +
                                                X090092 + X092093 >= 1;
X152153 >=2:
                                                X091093 + X093094 + X093110 >= 1;
X142162 + X162163 + X162173 >=2;
                                                X093094 + X094095 >=1:
X162163 + X147163 + X163164 +
                                                X096291 + X094291 >= 1;
X163174 >=2:
                                                X078096 + X096291 + X09609
X163164 + X150164 + X164165 +
                                                X079097 + X097112 >= 1;
X164175 >=2;
                                                X090108 + X108114 + X108109 >= 1;
X164165 + X151165 + X165176 >= 2;
                                                X092109 + X109110 + X109115 >= 1;
X153166 + X166180 >=1;
                                                X093110 + X110111 + X110116 >=1;
X162173 + X173174 >=1;
                                                X291111 + X1111112 + X1111118 >=1;
X173174 + X163174 + X174175 >= 2;
                                                X111112 + X097112 >=1;
X174175 + X164175 + X175176 +
                                                X108114 + X114115 >=1;
X175181 >=2;
                                                X109115 + X115116 + X115130 >=1;
X175176 + X165176 + X176178 +
                                                X110116 + X116117 + X116131 >=1;
X176182 >=2;
                                                X116117 + X117118 >=1;
```

```
X111118 + X118119 + X118133 >=1;
                                               X164165 + X151165 >=1;
X118119 + X112119 >=1;
                                               X173174 + X163174 >=1;
X114129 + X129130 >=1;
                                               X164175 + X175176 + X175181 >=1;
X115130 + X130131 + X130144 >=1;
                                               X165176 + X176178 + X176182 >=1;
X116131 + X131132 + X131150 >=1;
                                               X177178 + X178179 + X178183 >=1;
X131132 + X117132 >=1;
                                               X178179 + X179180 >=1;
X130144 + X143144 >=1;
                                               X179180 + X166180 >=1;
X146147 + X147148 >=1;
                                               X175181 + X181182 >=1;
X145149 + X148149 >=1;
                                               X176182 + X182183 + X182187 >= 1;
X131150 + X150151 + X150164 >=1;
                                               X178183 + X183184 + X183188 >=1;
X132151 + X151177 + X151165 >=1;
                                               X179184 + X184185 + X184189 >=1;
X151177 + X177152 >=1;
                                               X184185 + X180185 >=1;
X133152 + X153166 + X152153 >=1;
                                               X186187 + X182187 >=1;
X142162 + X162163 >=1;
                                               X187188 + X183188 >=1;
X147163 + X163164 + X163174 >=1;
                                               X188189 + X184189 >=1;
X150164 + X164165 + X164175 >=1;
```

ANEXO 18. FÓRMULA LINGO MAPA 4

80.9*X193194+109.23*X193197+97.11*X194195+79.49*X194198+110.96*X195196+43.3 5*X195199+97.8*X196203+180.71*X196204+90.62*X197200+74*X197198+94.5*X19819 9+89.86*X198201+102.17*X199196+89*X199202+132.49*X199203+161.8*X204210+101 .72*X200205+74.13*X200201+96.39*X201202+102.84*X201206+97.22*X202203+97.93* X202207+149.3*X203204+93.05*X203208+102.15*X203209+158.72*X204210+96.8*X20 5211+74.4*X205206+92.08*X206207+95.28*X206212+100.97*X207208+92.38*X207213 +36.13*X208209+87.91*X208214+123.82*X209216+95.26*X209215+101.5*X216210+70. 24*X216217+64.42*X210218+71.92*X211212+78.97*X211219+94.47*X212213+82.07*X 212220+102.06*X213214+81.47*X213221+71.4*X214215+82.55*X214222+66.35*X2152 17+71.29*X215223+149.46*X217218+75.38*X217223+89.71*X218225+97.3*X218226+7 0.92*X219220+131.94*X219230+91.68*X220221+132.83*X220231+99.84*X221222+131. 51*X221232+116.15*X222224+129.35*X222233+25.99*X223224+185.47*X224225+60.6 5*X224227+48.85*X225226+52.7*X225228+59.81*X226229+159.33*X227228+82.94*X2 27234+75.26*X228229+69.29*X228292+73.58*X229235+80*X229236+72.68*X230231+9 2.69*X231232+99.72*X232233+179.23*X233234+118.3*X234292+54.8*X292235+62.92* X235236;

```
X193194 + X193197 >=1:
                                               X208209 + X203209 + X209216 +
X193194 + X194195 + X194198 >=2;
                                               X209215 >=2;
X194195 + X195196 + X195199 >=2;
                                               X209216 + X216210 + X216217 >=2;
X193197 + X197200 + X197198 >=2;
                                               X216210 + X204210 + X210218 >= 2;
X197198 + X194198 + X198199 +
                                               X205211 + X211212 + X211219 >=2;
X198201 >=2;
                                               X211212 + X206212 + X212213 +
X198199 + X195199 + X199196 +
                                               X212220 >=2:
X199202 + X199203 >=2;
                                               X212213 + X207213 + X213214 +
X199196 + X195196 + X196203 +
                                               X213221 >=2;
X196204 >=2:
                                               X213214 + X208214 + X214215 +
X197200 + X200201 + X200205 >= 2;
                                               X214222 >=2;
X200201 + X198201 + X201202 +
                                               X214215 + X209215 + X215217 +
X201206 >=2:
                                               X215223 >=2:
X201202 + X199202 + X202203 +
                                               X215217 + X216217 + X217218 +
X202207 >=2;
                                               X217223 >=2;
X202203 + X199203 + X196203 +
                                               X217218 + X210218 + X218225 +
X203204 + X203208 + X203209 >= 2;
                                               X218226 >=2;
X203204 + X196204 + X204210 >= 2;
                                               X211219 + X219220 + X21923
X200205 + X205211 + X205206 >= 2:
                                               X219220 + X212220 + X220221 +
X205206 + X201206 + X206207 +
                                               X220231 >=2;
X206212 >=2;
                                               X220221 + X213221 + X221222 +
X206207 + X202207 + X207208 +
                                               X221232 >=2:
X207213 >=2:
                                               X221222 + X214222 + X222224 +
X202207 + X203208 + X208209 +
                                               X222233 >=2;
X208214 >=2;
```

```
X222224 + X223224 + X224225 +
                                                X200205 + X205211 >=1;
X224227 >=2;
                                                X201206 + X206207 + X206212 >= 1;
X224225 + X218225 + X225226 +
                                                X202207 + X207208 + X207213 >= 1;
X225228 >=2;
                                                X203208 + X208209 + X208214 >= 1;
X225226 + X218226 + X226229 >=2;
                                                X203209 + X209216 + X209215 >= 1;
X224227 + X227228 + X227234 >= 2;
                                                X209216 + X216210 >=1;
X227228 + X225228 + X228229 +
                                                X216210 + X204210 >= 1;
X228292 >=2;
                                                X205211 + X211212 >=1;
                                                X206212 + X212213 + X212220 >=1;
X228229 + X226229 + X229235 +
X229236 >=2;
                                                X207213 + X213214 + X213221 >=1;
X219230 + X230231 >= 1;
                                                X208214 + X214215 + X214222 >=1;
X230231 + X220231 + X231232 >= 2;
                                                X209215 + X215217 + X215223 >=1;
X231232 + X221232 + X232233 >=2;
                                                X216217 + X217218 + X217223 >=1;
X232233 + X222233 + X233234 >= 2;
                                                X210218 + X218225 + X218226 >= 1;
X233234 + X227234 + X234292 >=2:
                                                X211219 + X219220 >=1:
X234292 + X228292 + X292235 >=2;
                                                X212220 + X220221 + X220231 >= 1;
X292235 + X229235 + X235236 >=2;
                                                X213221 + X221222 + X221232 >=1;
X235236 + X229236 >= 1;
                                                X214222 + X222224 + X222233 >=1;
X193194 + X194195 >=1;
                                                X223224 + X224225 + X224227 >=1;
X194195 + X195196 >=1;
                                                X218225 + X225226 + X225228 >=1;
X193197 + X197200 >=1;
                                                X225226 + X218226 >=1:
X194198 + X198199 + X198201 >=1;
                                                X224227 + X227228 >=1;
X195199 + X199196 + X199202 +
                                                X225228 + X228229 + X228292 >=1;
                                                X226229 + X229235 + X229236 >= 1;
X199203 >=1;
X195196 + X196203 + X196204 >=1;
                                                X230231 + X220231 >=1;
X197200 + X200201 >=1;
                                                X231232 + X221232 >=1;
X198201 + X201202 + X201206 >=1:
                                                X232233 + X222233 >=1:
X199202 + X202203 + X202207 >=1;
                                                X233234 + X227234 >= 1;
X199203 + X196203 + X203204 +
                                                X234292 + X228292 >=1;
X203208 + X203209 >= 1;
                                                X292235 + X229235 >= 1;
X203204 + X196204 >=1;
```

ANEXO 19. FÓRMULA LINGO MAPA 5

 $83.66* \times 237238 + 204.32* \times 237242 + 188.91* \times 238240 + 562.85* \times 239277 + 208.9* \times 240241 + 6\\ 0.9* \times 240243 + 84.63* \times 242243 + 271.02* \times 243244 + 285.31* \times 244245 + 175.05* \times 245246 + 184.\\ 49* \times 245248 + 84.94* \times 246247 + 104.78* \times 246248 + 204.76* \times 247279 + 99* \times 248249 + 132.15* \times 249250 + 102.36* \times 250282 + 120* \times 279282 + 82.98* \times 277247 + 156.98* \times 277274 + 69.25* \times 274275 + 90.15* \times 274276 + 205.25* \times 274273 + 232.51* \times 273278 + 451.53* \times 278179 + 43.47* \times 278280 + 255.04* \times 280281 + 447.18* \times 280282 + 488.85* \times 281285 + 129.49* \times 282283 + 49.69* \times 283284 + 212.25* \times 284285;$

```
S.A:
                                                X274276 >=1;
                                                X277274 + X274273 >=1;
X237238 + X237242 >=1;
X237238 + X238240 >=1;
                                                X274273 + X273278 >= 1;
                                                X273278 + X278179 + X278280 >= 2;
X239277 >=1;
X237242 + X242243 >= 1;
                                                X278280 + X280281 + X280282 >= 2;
X238240 + X240241 + X240243 >=2;
                                                X280281 + X281285 >=1;
X240241 >=1:
                                                X281285 + X284285 >=1;
X242243 + X240243 + X243244 >= 2;
                                                X283284 + X284285 >=1;
X243244 + X244245 >=1;
                                                X282283 + X283284 >=1;
X244245 + X245246 + X245248 >= 2;
                                                X250282 + X282283 >=1:
X245246 + X246247 + X246248 >=2;
                                                X238240 + X240241 >=1;
X246247 + X247279 >=1;
                                                X242243 + X240243 >= 1;
X245248 + X246248 + X248249 >=2;
                                                X244245 + X245246 >= 1;
X248249 + X249250 >=1;
                                                X245246 + X246247 >= 1;
X249250 + X250282 >= 1;
                                                X245248 + X246248 >= 1;
X279282 + X247279 + X278179 >=2;
                                                X279282 + X247279 >= 1;
X277247 + X277274 >=1;
                                                X273278 + X278179 >=1;
X274275 >=1;
                                                X278280 + X280281 >=1;
```

ANEXO 20. FÓRMULA LINGO MAPA 6

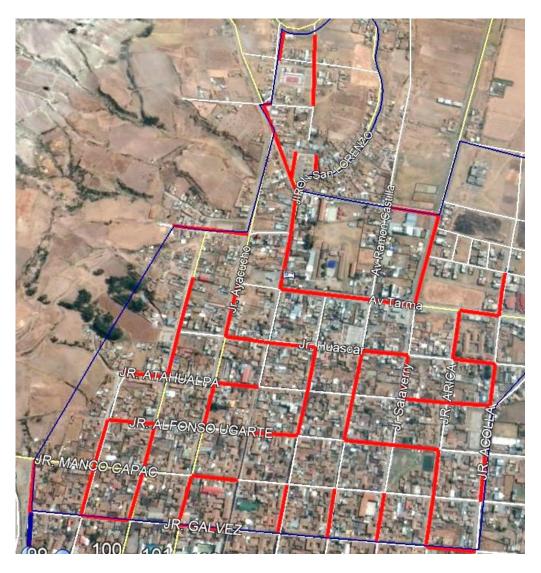
202.5*X236251+110.2*X236253+91.03*X251252+89.3*X251254+89.07*X252256+49.68*X252255+101.81*X253254+172.12*X253271+119.17*X256257+42.24*X256258+43.57*X257259+81.53*X255293+105.21*X255260+43.97*X293258+101.85*X293261+115.58*X258259+42.02*X258262+39.15*X259264+59.75*X262265+71.27*X262263+60.81*X263266+45.57*X263264+103.84*X264270+39.27*X260261+41.52*X260267+40.93*X261265+80*X265266+40.65*X265268+40.9*X266269+46.52*X267271+77.15*X267268+60.1*X268272+87.97*X268269+41.74*X269270+76.11*X270273+74.55*X271272+129.45*X272273;

```
X236251 + X236253 >=1;
                                                X269270 + X264270 + X270273 >= 2;
X236251 + X251252 + X251254 >= 2;
                                                X267271 + X271272 >= 1;
X251252 + X252256 + X252255 >=2;
                                                X271272 + X268272 + X272273 >= 2;
X236253 + X253254 + X253271 >= 2;
                                                X272273 + X270273 >=1;
X253254 + X251254 >= 1;
                                                X236251 + X251252 >=1;
                                                X251252 + X252256 >=1;
X252256 + X256257 + X256258 >=2;
X256257 + X257259 >= 1;
                                                X236253 + X253254 >= 1;
X252255 + X255293 + X255260 >=2;
                                                X252256 + X256257 >=1;
                                                X252255 + X255293 >=1;
X255293 + X293258 + X293261 >=2;
X293258 + X256258 + X258259 +
                                                X255293 + X293258 >=1:
X258262 >=2;
                                                X256258 + X258259 + X258262 >= 1;
X258259 + X257259 + X259264 >=2;
                                                X258259 + X257259 >=1;
X255260 + X260261 + X260267 >=2;
                                                X255260 + X260261 >=1;
X260261 + X293261 + X261265 >= 2;
                                                X260261 + X293261 >= 1;
X258262 + X262265 + X262263 >=2;
                                                X258262 + X262265 >=1;
X262263 + X263266 + X263264 >= 2;
                                                X262263 + X263266 >=1;
X263264 + X259264 + X264270 >= 2;
                                                X263264 + X259264 >=1;
X261265 + X262265 + X265266 +
                                                X262265 + X265266 + X265268 >=1;
X265268 >=2:
                                                X265266 + X263266 >=1:
X265266 + X263266 + X266269 >=2;
                                                X260267 + X267271 >= 1;
X260267 + X267271 + X267268 >=2;
                                                X265268 + X268272 + X268269 >= 1;
X267268+ X265268 + X268272 +
                                                X268269 + X266269 >=1:
X268269 >=2;
                                                X269270 + X264270 >= 1;
X268269 + X266269 + X269270 >= 2;
                                                X271272 + X268272 >=1;
```

ANEXO 21. CONJUNTO SOLUCIÓN LINGO

| | X001003 | X002004 | X004008 | X006007 | X006009 | X009012 | X010012 |
|----------|---------|---------|---------|---------|---------|-----------|---------|
| | X011013 | X014015 | X015019 | X018025 | X019021 | X020022 | X021028 |
| | X022029 | X023031 | X024032 | X025026 | X026027 | X027028 | X289029 |
| ⊣ | X289037 | X030039 | X030287 | X031043 | X032033 | X033034 | X034046 |
| RUTA | X035036 | X035047 | X036048 | X037038 | X038050 | X042043 | X044045 |
| R | X044055 | X046057 | X047058 | X048049 | X049050 | X053054 | X053066 |
| | X054067 | X056057 | X058059 | X059060 | X060073 | X061074 | X065080 |
| | X066081 | X067082 | X068069 | X068083 | X070085 | X071086 | X072087 |
| | X073088 | X081082 | X083084 | X088089 | X012018 | X017016 | |
| | X080098 | X082100 | X083101 | X084085 | X085103 | X086104 | X087105 |
| | X088089 | X098099 | X099100 | X101102 | X103125 | X104126 | X105127 |
| RUTA 2 | X106107 | X106113 | X107108 | X108114 | X114129 | X120121 | X122123 |
| RUJ | X122135 | X123124 | X125126 | X127128 | X128129 | X135154 | X136137 |
| | X136155 | X138139 | X138157 | X139140 | X140160 | X141142 | X141161 |
| | X142162 | X155167 | X156157 | X158159 | X160161 | X168191 | X191192 |
| | X039040 | X041052 | X050061 | X052064 | X061062 | X061074 | X062290 |
| | X290075 | X063064 | X074089 | X075076 | X076077 | X078096 | X079097 |
| | X089108 | X090092 | X091093 | X093110 | X094095 | X097112 | X096291 |
| 3 | X108114 | X109115 | X110116 | X112119 | X114129 | X115130 | X116117 |
| RUTA | X117132 | X130131 | X131150 | X133152 | X142162 | X143144 | X144145 |
| ~ | X145149 | X146147 | X147148 | X150151 | X151165 | X177152 | X162173 |
| | X163174 | X164175 | X165176 | X166180 | X176178 | X178179 | X179180 |
| | X181182 | X182183 | X183184 | X184185 | X185190 | X186187 | X187188 |
| | X188189 | X111118 | | | | | |
| | X193194 | X194195 | X195199 | X196204 | X197200 | X197198 | X198201 |
| - | X199196 | X200205 | X201202 | X202207 | X203204 | X203209 | X205206 |
| RUTA 4 | X206207 | X208209 | X216210 | X216217 | X210218 | X211212 | X211219 |
| RU. | X212220 | X213221 | X214215 | X214222 | X215217 | X219220 | X222233 |
| | X223224 | X224227 | X225226 | X225228 | X226229 | X227234 | X228229 |
| | X230231 | X231232 | X232233 | X234292 | X292235 | X235236 | |
| 2 | X237238 | X239277 | X240241 | X240243 | X242243 | X244245 | X245246 |
| RUTA | X245248 | X246247 | X246248 | X248249 | X250282 | X279282 | X277247 |
| RL | X274275 | X274276 | X273278 | X278280 | X280281 | X283284 | X284285 |
| | X236253 | X251252 | X251254 | X252256 | X253254 | X256258 | X257259 |
| .A 6 | X255293 | X258262 | X259264 | X262265 | X263266 | X263264 | X260261 |
| RUTA | 1123233 | 7.20202 | ,, | ,, | ,, | 7.20020 F | ,, |
| | X260267 | X261265 | X266269 | X267271 | X268272 | X269270 | X270273 |
| | | | | | | | |

ANEXO 22. ARCOS SUGERIDOS MAPA 1



ANEXO 23. ARCOS SUGERIDOS MAPA 2



ANEXO 24. ARCOS SUGERIDOS MAPA 3



ANEXO 25. ARCOS SUGERIDOS MAPA 4



ANEXO 26. ARCOS SUGERIDOS MAPA 5



ANEXO 27. ARCOS SUGERIDOS MAPA 6



ANEXO 28. GUÍA DE REVISIÓN DOCUMENTARIA

| DOCUMENTOS | اXEغ | STE? | ¿SE ACT | UALIZA? | OBSERVACIONES |
|--|------|------|---------|---------|---------------|
| DOCOIVIEN 103 | SÍ | NO | SÍ | NO | OBSERVACIONES |
| PLANO DEL DISTRITO DE JAUJA | | | | | |
| PLANO DE SECTORIZACIÓN DEL DISTRITO DE | | | | | |
| JAUJA | | | | | |
| PLANO DE RUTAS DEL RECOJO DE RESIDUOS | | | | | |
| SÓLIDOS | | | | | |
| PLAN OPERATIVO INSTITUCIONAL (POI) | | | | | |
| PLAN INTEGRAL DE GESTIÓN AMBIENTAL DE | | | | | |
| RESIDUOS SÓLIDOS (PIGARS) | | | | | |
| PLAN DE MANTENIMIENTO DE LOS VEHÍCULOS | | | | | |
| RECOLECTORES | | | | | |
| RELACIÓN DEL PERSONAL OBRERO | | | | | |

FUENTE: Elaboración propia.

ANEXO 29. GUÍA DE OBSERVACIÓN

| ACTIVIDADES | CUMPLIMIENTO | | | OBSERVACIONES |
|--------------------------------------|--------------|---------|------|---------------|
| | BUENO | REGULAR | MALO | ODSERVACIONES |
| SE CUMPLE CON LOS HORARIOS DE | | | | |
| RECOLECCIÓN | | | | |
| LA RECOLECCIÓN DE LOS VEHÍCULOS | | | | |
| COMPACTADORES SIGUE UNA RUTA | | | | |
| ESTABLECIDA | | | | |
| LOS VEHÍCULOS COMPACTADORES RECIBEN | | | | |
| MANTENIMIENTO PREVENTIVO | | | | |
| LOS VEHÍCULOS COMPACTADORES RECIBEN | | | | |
| MANTENIMIENTO CORRECTIVO | | | | |
| SE RECORRE CALLES MÁS DE UNA VEZ | | | | |
| LOS TRABAJADORES CUENTAN CON EQUIPOS | | | | |
| DE PROTECCIÓN PERSONAL | | | | |
| SE UTILIZA LA CAPACIDAD TOTAL DE LOS | | | | |
| VEHÍCULOS COMPACTADORES | | | | |

FUENTE: Elaboración propia.

ANEXO 30. REGISTRO DE DATOS DE HORARIOS DE LOS VEHÍCULOS

| VEHÍCULO | DISTRIBUCIÓN | | | RELLENO | | REPASO |
|----------|--------------|--------|---------|---------|--------|----------|
| | SALIDA | INICIO | TERMINO | INGRESO | SALIDA | DISTRITO |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |

FUENTE: "Optimización de rutas en una empresa de recojo de residuos sólidos en el distrito de Los Olivos" (José Taquia, 2013).